



参考答案

第一章 特殊平行四边形

1 菱形的性质与判定(第1课时)

课堂精要

1. 邻边
2. ①平行四边形 一般平行四边形 ②相等
③互相垂直 互相平分
- $AB=BC=CD=AD$, $AC \perp BD$, $OA=OC$, $OB=OD$ 轴 中心 两条对角线所在的直线 两
3. 边长的四倍 两条对角线乘积的一半

课堂精练

1. D 2. D 3. C
4. 3 5. 8 6 6. $4\sqrt{13}$ 12

7. 对角线 AC 的长为 16, 菱形 ABCD 的面积为 96.

8. B 9. 40 cm 10. $\sqrt{3}$ cm

11. (1) 证明: \because 四边形 ABCD 为菱形,
 $\therefore AB=CD$, $AB \parallel CD$.
 $\text{又} \because BE=AB$, $\therefore BE=CD$. 又易知 $BE \parallel CD$,
 \therefore 四边形 BECD 是平行四边形, $\therefore BD=EC$.
- (2) 解: \because 四边形 BECD 为平行四边形,
 $\therefore BD \parallel CE$,
 $\therefore \angle ABO=\angle E=50^\circ$.
 $\text{又} \because$ 四边形 ABCD 为菱形, $\therefore AC \perp BD$,
 $\therefore \angle BAO=90^\circ-\angle ABO=40^\circ$.

课堂延伸

12. 10

中考链接

13. 解: (1) 小芳的结论成立. 证明如下:

如图①, 连接 BD.

\because 四边形 ABCD 是菱形, $\therefore AD=AB$.

又 $\because \angle A=60^\circ$, $\therefore \triangle ABD$ 是等边三角形,

$\therefore AD=BD$, $\angle ADB=60^\circ$,

$\therefore \angle DBE=\angle A=60^\circ$.

$\therefore \angle EDF=60^\circ$, $\therefore \angle ADF=\angle BDE$.

在 $\triangle ADF$ 和 $\triangle BDE$ 中, $\begin{cases} \angle ADF=\angle BDE, \\ AD=BD, \\ \angle A=\angle DBE, \end{cases}$

$\therefore \triangle ADF \cong \triangle BDE$ (ASA),

$\therefore DF=DE$.

(2) $DF=DE$. 理由如下:

如图②, 连接 BD.

\because 四边形 ABCD 是菱形,

$\therefore AD=AB$.

又 $\because \angle DAB=60^\circ$,

$\therefore \triangle ABD$ 是等边三角形,

$\therefore AD=BD$, $\angle ADB=60^\circ$.

$\therefore \angle EDF=60^\circ$, $\therefore \angle ADF=\angle BDE$.

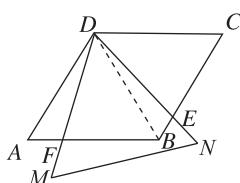
\because 四边形 ABCD 是菱形,

$\therefore \angle CBD=\angle ADB=60^\circ$.

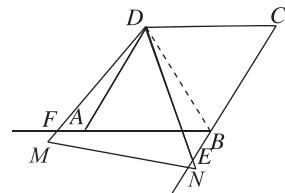
$\therefore \angle DAB=60^\circ$, $\therefore \angle DAF=\angle DBE$.

在 $\triangle ADF$ 和 $\triangle BDE$ 中, $\begin{cases} \angle ADF=\angle BDE, \\ AD=BD, \\ \angle DAF=\angle DBE, \end{cases}$

$\therefore \triangle ADF \cong \triangle BDE$ (ASA), $\therefore DF=DE$.



图①



图②

(第 13 题)

2 菱形的性质与判定(第 2 课时)

课堂精要

①邻边 在 $\square ABCD$ 中, $AB=BC$ ②互相垂直 在 $\square ABCD$ 中, $AC \perp BD$ ③相等 $AB=BC=CD=DA$

课堂精练

1. D 2. C 3. D 4. C 5. B

6. 证明: $\because AC$ 平分 $\angle BAD$,

$$\therefore \angle BAC = \angle CAD.$$

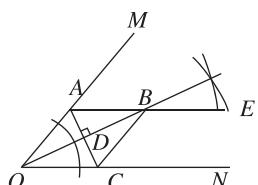
在 $\square ABCD$ 中, $AD \parallel BC$,

$$\therefore \angle CAD = \angle ACB,$$

$$\therefore \angle BAC = \angle ACB, \therefore AB = BC,$$

 $\therefore \square ABCD$ 是菱形.

7. 菱形 四边相等的四边形是菱形

8. (1)解: 如图, 射线 OB 为所求.

(第 8 题)

(2)证明: 如图. $\because OB$ 平分 $\angle MON$, $\therefore \angle AOB = \angle BOC$.

$$\because AE \parallel ON,$$

$$\therefore \angle ABO = \angle BOC,$$

$$\therefore \angle AOB = \angle ABO, \therefore AO = AB.$$

$$\because AD \perp OB,$$

$$\therefore BD = OD.$$

在 $\triangle ADB$ 和 $\triangle CDO$ 中, $\begin{cases} \angle ABD = \angle COD, \\ BD = OD, \\ \angle ADB = \angle CDO, \end{cases}$

$$\therefore \triangle ADB \cong \triangle CDO (\text{ASA}), \therefore AB = CO.$$

$\because AB \parallel OC$, \therefore 四边形 $OABC$ 是平行四边形.

$\because AO = AB$, \therefore 四边形 $OABC$ 是菱形.

课堂延伸

9. 解: (1)不正确 (2)⑨ ⑧

$$\because AD \parallel BC, \therefore \angle AEB = \angle 2.$$

$$\text{又} \because \angle 1 = \angle 2, \therefore \angle AEB = \angle 1,$$

$$\therefore BA = BE, \text{同理 } AB = AF,$$

$$\therefore BE = AF,$$

\therefore 四边形 $ABEF$ 是平行四边形.

中考链接

10. (1)证明: \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$$\therefore AD = BC, AB = CD, \angle A = \angle C.$$

\because 点 E, F 分别为边 AB, CD 的中点,

$$\therefore AE = \frac{1}{2}AB, CF = \frac{1}{2}CD, \therefore AE = CF.$$

在 $\triangle ADE$ 和 $\triangle CBF$ 中, $\begin{cases} AD = CB, \\ \angle A = \angle C, \\ AE = CF, \end{cases}$

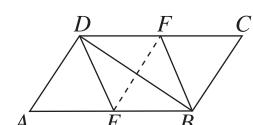
$$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CBF (\text{SAS}).$$

(2)解: 若 $\angle ADB$ 是直角, 则四边形 $BEDF$ 是菱形.

证明如下: 由(1)可得 $BE = DF$,

$$\text{又} \because AB \parallel CD,$$

\therefore 四边形 $BEDF$ 是平行四边形.



(第 10 题)

如图, 连接 EF , 在 $\square ABCD$ 中, 点 E, F 分别为边 AB, CD 的中点,

$$\therefore DF \parallel AE, DF = AE, \therefore$$
 四边形 $AEFD$ 是平

行四边形, $\therefore EF \parallel AD$.

$\because \angle ADB$ 是直角, $\therefore AD \perp BD$, $\therefore EF \perp BD$.

又 \because 四边形 $BEDF$ 是平行四边形,

\therefore 四边形 $BEDF$ 是菱形.

3 菱形的性质与判定(第3课时)

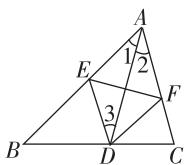
课堂精要

1. ①平行且相等 相等 ②相等 互补
- ③互相垂直且平分 ④轴 中心 两条对角线所在的直线 两
2. 平行四边形 一组邻边相等 对角线互相垂直
3. 相等 互相垂直平分
4. 边长的四倍 两条对角线乘积的一半
某一边长乘此边上的高

课堂精练

1. C 2. A 3. D 4. B

5. 证明:如图, $\because DE \parallel AC, DF \parallel AB$,



(第5题)

\therefore 四边形 $AEDF$ 为平行四边形, $\therefore \angle 2 = \angle 3$.

又 $\because \angle 1 = \angle 2$, $\therefore \angle 1 = \angle 3$, $\therefore AE = DE$,

$\therefore \square AEDF$ 为菱形, $\therefore AD \perp EF$.

6. C

7. 2 8. ①②③④ 9. $AB = AC \neq BC$

10. (1)平行四边形 (2)4

11. (1)证明: \because 在 O 为对角线 BD 的中点,
 $\therefore BO = DO$, $\because AD \parallel BC$, $\therefore \angle EDO = \angle FBO$.

在 $\triangle EOD$ 和 $\triangle FOB$ 中, $\begin{cases} \angle EDO = \angle FBO, \\ DO = BO, \\ \angle DOE = \angle BOF, \end{cases}$

$\therefore \triangle DOE \cong \triangle BOF$ (ASA).

(2)解:当 $\angle DOE = 90^\circ$ 时,四边形 $BFDE$ 为菱形.

理由如下: $\because \triangle DOE \cong \triangle BOF$, $\therefore BF = DE$.

又 $\because BF \parallel DE$, \therefore 四边形 $BFDE$ 是平行四边形.

$\because \angle EOD = 90^\circ$,

\therefore 四边形 $BFDE$ 为菱形.

课堂延伸

12. 解:(1)菱形 $ABCD$ 水平方向的对角线长为 30 cm.

(2) $L = 30 + 26 \times (231 - 1) = 6010$ (cm).

中考链接

13. 证明: $\because AF \parallel CD$, $\therefore \angle AFE = \angle CDE$.

在 $\triangle AFE$ 和 $\triangle CDE$ 中, $\begin{cases} \angle AFE = \angle CDE, \\ \angle AEF = \angle CED, \\ AE = CE, \end{cases}$

$\therefore \triangle AFE \cong \triangle CDE$ (AAS), $\therefore AF = CD$.

又 $\because AF \parallel CD$, \therefore 四边形 $ADCF$ 是平行四边形.

$\because \angle B = 90^\circ, AC = 2AB$, $\therefore \angle ACB = 30^\circ$,

$\therefore \angle CAB = 60^\circ$.

$\because AD$ 平分 $\angle CAB$,

$\therefore \angle DAC = \angle DAB = 30^\circ = \angle ACD$,

$\therefore DA = DC$, \therefore 四边形 $ADCF$ 是菱形.

4 矩形的性质与判定(第1课时)

课堂精要

1. 直角

2. ①平行四边形 一般平行四边形 ②直角

③相等且互相平分 $\angle ABC = \angle BCD = \angle CDA = \angle DAB = 90^\circ, AC = BD, OA = OC$,

$OB = OD$

轴 中心 两

3. 长与宽的和的两倍 长乘宽



4. 斜边上的中线 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ABC=90^\circ$, O 为 AC 的中点 $OB=\frac{1}{2}AC=AO=OC$

课堂精练

1. D 2. B 3. D 4. 5

5. 解:(1) $\angle ACB$ 为 30° .

(2) AB, BC 的长度分别为 $3 \text{ cm}, 3\sqrt{3} \text{ cm}$.

6. A 7. 20°

8. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore AB=CD, \angle A=\angle C=90^\circ$.

根据折叠的性质知, $\angle F=\angle A=\angle C=90^\circ$,

$BF=BA=CD$.

在 $\triangle DCE$ 和 $\triangle BFE$ 中, $\begin{cases} \angle DEC=\angle BEF, \\ \angle C=\angle F, \\ CD=BF, \end{cases}$

$\therefore \triangle DCE \cong \triangle BFE$ (AAS).

(2) 解: $\because AD \parallel BC, \therefore \angle ADB=\angle DBC=30^\circ$.

根据折叠的性质知 $\angle ADB=\angle BDF=30^\circ$,

又 $\angle ADC=90^\circ, \angle EDC=30^\circ$,

在 $\text{Rt}\triangle BCD$ 中,

$\because CD=2, \angle DBC=30^\circ, \therefore BC=2\sqrt{3}$.

在 $\text{Rt}\triangle DCE$ 中,

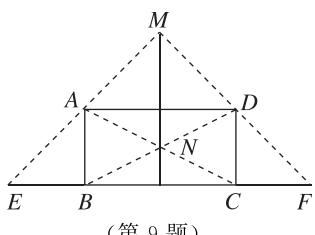
$\because CD=2, \angle EDC=30^\circ, \therefore DE=2EC$,

$\therefore (2EC)^2-EC^2=CD^2, \therefore EC=\frac{2\sqrt{3}}{3}$,

$\therefore BE=BC-EC=\frac{4\sqrt{3}}{3}$.

课堂延伸

9. 解: 如图, ① 连接 EA, FD 并延长, 相交于点 M ;



② 连接 AC, BD , 相交于点 N ;

③ 作直线 MN .

则直线 MN 即为该图的对称轴.

中考链接

10. 证明: (1) $\because CF \parallel BD, \therefore \angle ODE=\angle FCE$.

$\because E$ 是 CD 的中点, $\therefore CE=DE$,

在 $\triangle ODE$ 和 $\triangle FCE$ 中, $\begin{cases} \angle ODE=\angle FCE, \\ CE=DE, \\ \angle DEO=\angle CEF, \end{cases}$

$\therefore \triangle ODE \cong \triangle FCE$ (ASA).

(2) $\because \triangle ODE \cong \triangle FCE, \therefore OD=FC$.

$\because CF \parallel BD, \therefore$ 四边形 $ODFC$ 是平行四边形.

又 \because 在矩形 $ABCD$ 中, $OC=OD$,

\therefore 四边形 $ODFC$ 是菱形.

5 矩形的性质与判定(第 2 课时)

课堂精要

① 直角 在 $\square ABCD$ 中, $\angle DAB=90^\circ$

② 相等 在 $\square ABCD$ 中, $AC=BD$

③ 直角 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle DAB=\angle ABC=\angle BCD=90^\circ$

课堂精练

1. D 2. C 3. C

4. 对角线是否相等 对角线相等的平行四边形是矩形

5. 解: 四边形 $ABCD$ 是矩形. 证明如下:

\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AO=OC, BO=OD$.

$\because \angle 1=\angle 2, \therefore OB=OC$,

$\therefore AO=OC=BO=OD, \therefore AC=BD$,

\therefore 四边形 $ABCD$ 是矩形.

6. B

7. 证明: (1) 在 $\square ABCD$ 中, $AD=BC, AB=$

$CD, AB \parallel CD$, 则 $BE \parallel CD$.

又 $\because AB = BE$, $\therefore BE = DC$, \therefore 四边形 BEC 是平行四边形, $\therefore BD = EC$.

在 $\triangle ABD$ 与 $\triangle BEC$ 中, $\begin{cases} AB = BE, \\ BD = EC, \\ AD = BC, \end{cases}$

$\therefore \triangle ABD \cong \triangle BEC$ (SSS).

(2) 由(1)知, 四边形 BEC 是平行四边形,

$\therefore OD = OE, OC = OB$.

\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形, $\therefore \angle A = \angle BCD$, 即 $\angle A = \angle OCD$.

又 $\because \angle BOD = 2\angle A$, $\angle BOD = \angle OCD + \angle ODC$,

$\therefore \angle OCD = \angle ODC$, $\therefore OC = OD$,

$\therefore OC + OB = OD + OE$, 即 $BC = ED$, \therefore 四边形 BEC 是矩形.

课堂延伸

8. 解: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore \angle B = \angle C = 90^\circ, CD \parallel AB$,

\therefore 只有 $CQ = BP$ 时, 四边形 $QPBC$ 是矩形. 由题意得 $CQ = 2t$ cm, $AP = 4t$, 则 $BP = (24 - 4t)$ cm, $\therefore 2t = 24 - 4t$,

$\therefore t = 4$, 即当 t 为 4 时, 四边形 $QPBC$ 为矩形.

中考链接

9. 解: (1) 四边形 $EFGH$ 还是平行四边形.

理由如下: 连接 AC .

$\because E, F$ 分别是 AB, BC 的中点,

$\therefore EF \parallel AC, EF = \frac{1}{2}AC$.

$\because G, H$ 分别是 CD, AD 的中点,

$\therefore GH \parallel AC, GH = \frac{1}{2}AC$,

$\therefore EF \parallel GH, EF = GH$,

\therefore 四边形 $EFGH$ 是平行四边形.

(2) ① 当 $AC = BD$ 时, 四边形 $EFGH$ 是菱形.

证明如下:

由(1)可知四边形 $EFGH$ 是平行四边形,

当 $AC = BD$ 时, $FG = \frac{1}{2}BD, EF = \frac{1}{2}AC$,

$\therefore FG = EF$, \therefore 四边形 $EFGH$ 是菱形.

② 当 $AC \perp BD$ 时, 四边形 $EFGH$ 是矩形.

6 矩形的性质与判定(第 3 课时)

课堂精要

1. ① 平行且相等 ② 直角 ③ 相等且互相平分 ④ 轴 中心 两

2. 平行四边形 对角线相等 有一个角是直角

3. 三 互相平分且相等

4. 长与宽的和的两倍 长乘宽

5. 斜边上的中线

课堂精练

1. B 2. B 3. 28 cm

4. $EB = DC$ (答案不唯一)

5. 矩形

6. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore \angle A = \angle ABC = \angle C = \angle ADC = 90^\circ, AB = CD, AD = BC, AB \parallel CD, AD \parallel BC, \therefore \angle E = \angle F$.

$\therefore BE = DF, \therefore AE = CF$.

在 $\triangle CFP$ 和 $\triangle AEQ$ 中, $\begin{cases} \angle C = \angle A, \\ CF = AE, \\ \angle F = \angle E, \end{cases}$

$\therefore \triangle CFP \cong \triangle AEQ$ (ASA), $\therefore CP = AQ$.

(2) 解: $\because AD \parallel BC, \therefore \angle PBE = \angle A = 90^\circ$.

$\therefore \angle AEF = 45^\circ$,

$\therefore \triangle BEP, \triangle AEQ$ 均是等腰直角三角形,



$$\therefore BE = BP = 1, AQ = AE,$$

$$\therefore PE = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2},$$

$$\therefore EQ = PE + PQ = \sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2},$$

$$\therefore AQ = AE = 3,$$

$$\therefore AB = AE - BE = 2.$$

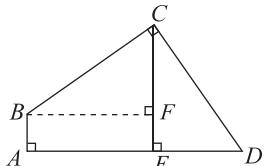
$$\because CP = AQ, AD = BC, \therefore DQ = BP = 1,$$

$$\therefore AD = AQ + DQ = 3 + 1 = 4,$$

∴ 矩形 ABCD 的面积 = $AB \cdot AD = 2 \times 4 = 8$.

7. D 8. 5 或 6

9. 证明: 如图, 过点 B 作 $BF \perp CE$ 于点 F,



(第 9 题)

$$\because CE \perp AD,$$

$$\therefore \angle D + \angle DCE = 90^\circ.$$

$$\because \angle BCD = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle BCF + \angle DCE = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle BCF = \angle D.$$

在 $\triangle BCF$ 和 $\triangle CDE$ 中,

$$\begin{cases} \angle BFC = \angle CED, \\ \angle BCF = \angle D, \\ BC = CD, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle BCF \cong \triangle CDE (\text{AAS}), \therefore BF = CE.$$

$$\text{又} \because \angle A = 90^\circ, CE \perp AD, BF \perp CE,$$

$$\therefore \text{四边形 } AEFB \text{ 是矩形}, \therefore AE = BF,$$

$$\therefore AE = CE.$$

课堂延伸

10. 解:(1)选①.

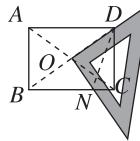
理由如下:如图①,连接 DN.

$$\because \text{四边形 } ABCD \text{ 是矩形}, \therefore OB = OD.$$

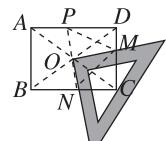
$$\therefore \angle DON = 90^\circ, \therefore BN = DN.$$

$$\because \angle BCD = 90^\circ, \therefore DN^2 = CD^2 + CN^2,$$

$$\therefore BN^2 = CD^2 + CN^2.$$



图①



图②

(第 10 题)

$$(2) BN^2 + DM^2 = CM^2 + CN^2. \text{ 理由如下:}$$

如图②, 延长 NO 交 AD 于点 P, 连接 PM, MN.

$$\because \text{四边形 } ABCD \text{ 是矩形},$$

$$\therefore OD = OB, AD \parallel BC,$$

$$\therefore \angle DPO = \angle BNO, \angle PDO = \angle NBO.$$

$$\begin{cases} \angle BNO = \angle DPO, \\ \angle NBO = \angle PDO, \\ OB = OD, \end{cases}$$

$$\therefore \triangle BON \cong \triangle DOP (\text{AAS}),$$

$$\therefore ON = OP, BN = DP.$$

$$\therefore \angle MON = 90^\circ, \therefore PM = MN.$$

$$\therefore \angle ADC = \angle BCD = 90^\circ,$$

$$\therefore PM^2 = PD^2 + DM^2, MN^2 = CM^2 + CN^2,$$

$$\therefore PD^2 + DM^2 = CM^2 + CN^2,$$

$$\therefore BN^2 + DM^2 = CM^2 + CN^2.$$

中考链接

11. (1) 证明: 由折叠的性质易知 $\angle ANM = \angle CNM$.

$$\because \text{四边形 } ABCD \text{ 是矩形}, \therefore AD \parallel BC,$$

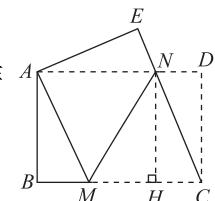
$$\therefore \angle ANM = \angle CMN, \therefore \angle CMN = \angle CNM,$$

$$\therefore CM = CN.$$

(2) 解: 如图, 过点 N 作 $NH \perp BC$ 于点 H,

则四边形 NHCD 是矩形.

$$\therefore HC = DN, NH = DC.$$



(第 11 题)

$\because \triangle CMN$ 与 $\triangle CDN$ 的面积比为 $3:1$,

$$\therefore \frac{S_{\triangle CMN}}{S_{\triangle CDN}} = \frac{MC}{DN} = 3,$$

$$\therefore MC = 3ND = 3HC, \therefore MH = 2HC.$$

设 $DN = x$, 则 $HC = x, MH = 2x$,

$$\therefore CM = CN = 3x.$$

$$\text{在 Rt}\triangle CDN \text{ 中}, DC = \sqrt{CN^2 - DN^2} = 2\sqrt{2}x,$$

$$\therefore HN = 2\sqrt{2}x.$$

$$\begin{aligned} \text{在 Rt}\triangle MNH \text{ 中}, MN &= \sqrt{MH^2 + HN^2} = \\ &2\sqrt{3}x, \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{MN}{DN} = \frac{2\sqrt{3}x}{x} = 2\sqrt{3}.$$

7 正方形的性质与判定(第1课时)

课堂精要

1. 邻边相等 直角

2. ①菱形 矩形 菱形与矩形 ②都是直角相等

③相等且互相垂直平分 $\angle DAB = \angle ABC = \angle BCD = \angle CDA = 90^\circ$, $AB = BC = CD = AD$, $AC = BD$, $AC \perp BD$, $AO = OC$, $BO = OD$

轴 中心 四

3. 边长的四倍 边长的平方

课堂精练

1. A 2. C 3. B 4. 15° $\frac{1}{4}$ 5. 6

6. 解: $AE \perp DF$. 证明如下:

\because 四边形 $ABCD$ 为正方形,

$$\therefore AB = AD, \angle DAF = \angle ABE = 90^\circ.$$

又 $\because AE = DF$,

$$\therefore \triangle ABE \cong \triangle DAF (\text{HL}),$$

$$\therefore \angle ADF = \angle BAE.$$

$$\therefore \angle DAF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle DAE + \angle BAE = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ADF + \angle DAE = 90^\circ,$$

$$\therefore AE \perp DF.$$

$$7. 22. 5^\circ \quad 8. \text{①②③} \quad 9. (\sqrt{2})^{n-1}$$

10. 解: 理由如下:

\because 四边形 $ABCD$ 为正方形,

$$\therefore \angle OAE = \angle OBF = 45^\circ, BO \perp AC,$$

$$\text{即 } \angle AOE + \angle EOB = 90^\circ.$$

又 \because 四边形 $A'B'C'O$ 为正方形,

$$\therefore \angle A'OC' = 90^\circ, \text{ 即 } \angle BOE + \angle BOF = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle AOE = \angle BOF.$$

在 $\triangle AOE$ 和 $\triangle BOF$ 中, $\begin{cases} \angle AOE = \angle BOF, \\ AO = BO, \\ \angle OAE = \angle OBF, \end{cases}$

$$\therefore \triangle AOE \cong \triangle BOF (\text{ASA}).$$

则两个正方形重叠部分的面积 $= S_{\triangle BOF} + S_{\triangle BOE} = S_{\triangle AEO} + S_{\triangle BOE} = S_{\triangle ABO}$ = 一个正方形面积的 $\frac{1}{4}$.

课堂延伸

11. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是正方形,

$$\therefore \angle ADC = \angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^\circ, AD = BC = CD = AB = 4.$$

$$\therefore \angle PDQ = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ADP = \angle CDQ.$$

在 $\triangle APD$ 和 $\triangle CQD$ 中, $\begin{cases} \angle A = \angle DCQ, \\ AD = CD, \\ \angle ADP = \angle CDQ, \end{cases}$

$$\therefore \triangle APD \cong \triangle CQD (\text{ASA}),$$

$$\therefore AP = CQ.$$

(2) 解: $PE = QE$. 证明如下:

由(1)得 $\triangle APD \cong \triangle CQD$,

$$\therefore PD = QD.$$



$\because DE$ 平分 $\angle PDQ$, $\therefore \angle PDE = \angle QDE$.

在 $\triangle PDE$ 和 $\triangle QDE$ 中, $\begin{cases} PD=QD, \\ \angle PDE=\angle QDE, \\ DE=DE, \end{cases}$

$\therefore \triangle PDE \cong \triangle QDE$ (SAS), $\therefore PE=QE$.

(3) 解: 由(2)得 $PE=QE$,

由(1)得 $CQ=AP=1$,

$\therefore BQ=BC+CQ=5, BP=AB-AP=3$.

设 $PE=QE=x$, 则 $BE=5-x$,

在 Rt $\triangle BPE$ 中,

由勾股定理得 $3^2 + (5-x)^2 = x^2$,

解得 $x=3.4$,

即 PE 的长为 3.4.

中考链接

12. (1) 证明: 延长 AE, BC 交于点 N , 如图①,

\because 四边形 $ABCD$ 是正方形,

$\therefore AD \parallel BC, \therefore \angle DAE = \angle ENC$.

$\because AE$ 平分 $\angle DAM$,

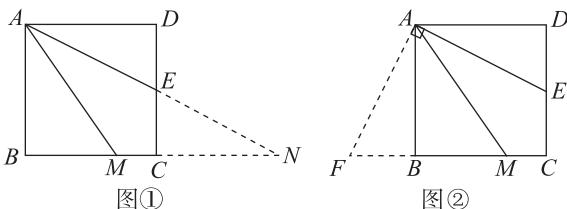
$\therefore \angle DAE = \angle MAE$,

$\therefore \angle ENC = \angle MAE, \therefore MA = MN$.

在 $\triangle ADE$ 和 $\triangle NCE$ 中, $\begin{cases} \angle DAE = \angle CNE, \\ \angle AED = \angle NEC, \\ DE = CE, \end{cases}$

$\therefore \triangle ADE \cong \triangle NCE$ (AAS), $\therefore AD = NC$,

$\therefore MA = MN = NC + MC = AD + MC$.



(第 12 题)

(2) 解: $AM = DE + BM$ 成立.

证明: 过点 A 作 $AF \perp AE$, 交 CB 的延长线于

点 F, 如图②.

\because 四边形 $ABCD$ 是正方形,

$\therefore \angle BAD = \angle D = \angle ABC = 90^\circ, AB = AD, AB \parallel DC$.

$\therefore AF \perp AE, \therefore \angle FAE = 90^\circ$,

$\therefore \angle FAB = 90^\circ - \angle BAE = \angle EAD$.

在 $\triangle ABF$ 和 $\triangle ADE$ 中, $\begin{cases} \angle FAB = \angle EAD, \\ AB = AD, \\ \angle ABF = \angle D = 90^\circ, \end{cases}$

$\therefore \triangle ABF \cong \triangle ADE$ (ASA).

$\therefore BF = DE, \angle F = \angle AED$.

$\because AB \parallel DC, \therefore \angle AED = \angle BAE$.

$\because \angle FAB = \angle EAD = \angle EAM$,

$\therefore \angle AED = \angle BAE = \angle BAM + \angle EAM$

$$= \angle BAM + \angle FAB$$

$$= \angle FAM.$$

$\therefore \angle F = \angle FAM$,

$\therefore AM = FM$,

$\therefore AM = FB + BM = DE + BM$.

(3) ① 结论 $AM = AD + MC$ 仍然成立.

② 结论 $AM = DE + BM$ 不成立.

8 正方形的性质与判定(第 2 课时)

课堂精要

1. (1) ①有一组邻边相等, 并且有一个角是直角

②有一组邻边相等 ③有一个角是直角

(2) ①垂直 ②相等

2. 菱形 矩形 正方形

课堂精练

1. D 2. A 3. D

4. 菱形 $\angle BAC = 90^\circ$

5. (1) 解: $FG \perp ED$. 理由如下:

$\because \triangle ABC$ 绕点 B 顺时针旋转 90° 得到 $\triangle DBE$,
 $\therefore \angle DEB = \angle ACB$.

\because 把 $\triangle ABC$ 沿射线 AB 平移得到 $\triangle FEG$,
 $\therefore \angle GFE = \angle A$.

$\because \angle ABC = 90^\circ$,
 $\therefore \angle A + \angle ACB = 90^\circ$,
 $\therefore \angle DEB + \angle GFE = 90^\circ$,
 $\therefore \angle FHE = 90^\circ$,
 $\therefore FG \perp ED$.

(2) 证明: 根据旋转和平移可得 $\angle GEF = 90^\circ$,
 $\angle CBE = 90^\circ$, $CG \parallel EB$, $CB = BE$.

$\because CG \parallel EB$, $\therefore \angle BCG = \angle CBE = 90^\circ$,
 \therefore 四边形 $Cbeg$ 是矩形.
 $\because CB = BE$, \therefore 四边形 $Cbeg$ 是正方形.

6. 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore \angle ADC = \angle BAD = 90^\circ$, $AD = BC$.

\because 在矩形 $ABCD$ 中, AE , BE , CG , DG 分别是各内角的平分线,

$\therefore \angle ADF = \angle FAD = 45^\circ$,

$\therefore \triangle ADF$ 是等腰直角三角形,

同理, $\triangle ABE$, $\triangle BCH$, $\triangle CDG$ 都是等腰直角三角形, 且 $\triangle ADF \cong \triangle BCH$, $\triangle ABE \cong \triangle DCG$,

则 $AE = BE = CG = DG$, $AF = DF = BH = CH$,

$\therefore EF = EH$,

又 $\because \angle EFG = \angle FGH = \angle GHE = 90^\circ$,

\therefore 四边形 $EFGH$ 是矩形,

\therefore 四边形 $EFGH$ 是正方形.

课堂延伸

7. 解: 方案不唯一, 例如

(1) 用卷尺分别比较 AB , CD , AD , BC 的长度, 当 $AB = CD = AD = BC$ 时, 四边形 $ABCD$

为菱形, 否则四边形 $ABCD$ 不是菱形, 从而不是正方形.

(2) 当四边形 $ABCD$ 是菱形时, 用卷尺比较对角线 AC 和 BD 的长度. 当 $AC = BD$ 时, 四边形 $ABCD$ 是正方形, 否则四边形 $ABCD$ 不是正方形.

中考链接

8. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 和四边形 $AEFG$ 均为正方形,

$\therefore AG = AE$, $AD = AB$, $GF = EF$, $\angle DGF = \angle BEF = 90^\circ$, $\therefore DG = BE$.

在 $\triangle DGF$ 和 $\triangle BEF$ 中, $\begin{cases} DG = BE, \\ \angle DGF = \angle BEF, \\ GF = EF, \end{cases}$

$\therefore \triangle DGF \cong \triangle BEF$ (SAS), $\therefore DF = BF$.

(2) 解: $DF = BF$. 理由如下: 连接 AF (图略).

\because 四边形 $ABCD$ 和四边形 $AEFG$ 均为正方形,
 $\therefore AD = AB$, $\angle FAG = \angle FAE = 45^\circ$, $\angle BAG = \angle DAE = 90^\circ$, $\therefore \angle BAF = \angle DAF = 135^\circ$.

在 $\triangle DAF$ 和 $\triangle BAF$ 中, $\begin{cases} AD = AB, \\ \angle DAF = \angle BAF, \\ AF = AF, \end{cases}$

$\therefore \triangle DAF \cong \triangle BAF$ (SAS), $\therefore DF = BF$.

第二章 一元二次方程

1 认识一元二次方程(第 1 课时)

课堂精要

1. 一 最高次 2

2. $ax^2 + bx + c = 0$ (a, b, c 为常数, $a \neq 0$) $ax^2 - bx - b - c$

课堂精练

1. C 2. D 3. A 4. $x^2 + 1 = 0$ 5. $\neq 1$



6. $\neq 4 = 4$

7. 解:(1)设矩形苗圃的长为 x m, 则有 $x(x-2)=120$, $x^2-2x-120=0$.

(2)设中间的偶数是 x , 则另外两个偶数分别是 $x-2$, $x+2$, 根据勾股定理得 $(x-2)^2+x^2=(x+2)^2$, $x^2-8x=0$.

8. D 9. D 10. D 11. 3

课堂延伸

12. 解: $x+\frac{1}{x}=10$, 它不是一元二次方程, 可化为一元二次方程 $x^2+1=10x$ ($x \neq 0$) 或 $x^2-10x+1=0$ ($x \neq 0$).

中考链接

13. A

2 认识一元二次方程(第 2 课时)

课堂精要

1. 未知数的值 —

2. 夹逼 近似 夹逼思想 夹逼

课堂精练

1. A 2. 1. $0 < x < 1$. 1 3. -3

4. 5 0 -3 -4 -3 0 $x_1=-1$, $x_2=3$

5. 解:(1) 1, -6 均为方程的解;

(2) $\sqrt{3}$ 是方程的解, 1 不是方程的解;(3) $\frac{1 \pm \sqrt{3}}{2}$ 均为方程的解.

6. A 7. C 8. B 9. 14 10. 2 028

11. 证明: 将 $x=1$ 代入方程左边, 化简得 0 = 右边, 方程成立, 所以 $x=1$ 是方程的一个根.

课堂延伸

12. (1) 1 6 2 3 -0.44 -0.11 0.24

0.61 2.7 2.8 (2) 2 7

中考链接

13. B 14. C

3 用配方法求解一元二次方程(第 1 课时)

课堂精要

1. $a^2 \pm 2ab + b^2$ 2. 完全平方式 配方法3. $\pm \sqrt{a}$ $-m \pm \sqrt{n}$

课堂精练

1. C 2. D

3. 没有实数根

4. (1) $\frac{9}{4} - x - \frac{3}{2}$ (2) $\frac{25}{4} - x + \frac{5}{2}$

(3) $\frac{49}{64} - x - \frac{7}{8}$ (4) $\frac{4}{25} - x + \frac{2}{5}$

5. 解:(1) $x_1=3$, $x_2=-3$; (2) $x_1=3$, $x_2=-1$;

(3) $x_1=0$, $x_2=4$; (4) $x_1=-\frac{1}{4}$, $x_2=-\frac{7}{4}$.

6. D 7. C 8. $(x-4)^2=11$

9. 解:(1) $x_1=4$, $x_2=-2$;(2) $x_1=6$, $x_2=-1$;

(3) $x_1=-3+\sqrt{6}$, $x_2=-3-\sqrt{6}$;

(4) $x_1=x_2=-4$;

(5) $x_1=2+2\sqrt{2}$, $x_2=2-2\sqrt{2}$;

(6) $x_1=\frac{7+\sqrt{13}}{6}$, $x_2=\frac{7-\sqrt{13}}{6}$.

10. 7

课堂延伸

11. (1) -2 2 2 小 2

(2) 解: $x^2-1-(2x-3)=x^2-2x+2=(x-1)^2+1>0$, 则 $x^2-1>2x-3$.

(3) 证明: 原式 $=(m+1)^2+(n-2)^2+3$, 因为 $(m+1)^2 \geqslant 0$, $(n-2)^2 \geqslant 0$, 所以不论 m , n 取何实数, 原式的值总不小于 3.

中考链接

12. $-\frac{1}{2}$ 或 1

4 用配方法求解一元二次方程(第 2 课时)

课堂精要

1. 一次项系数一半的平方 完全平方式
2. ①化二次项系数为 1 ②配方 ③移项
④开平方
3. $(x+m)^2 = n$

课堂精练

1. D 2. D

3. 解: (1) $x_1 = 2, x_2 = 4$; (2) $x_1 = \frac{-2 + \sqrt{10}}{2}, x_2 = \frac{-2 - \sqrt{10}}{2}$; (3) $x_1 = \frac{2 + \sqrt{10}}{3}, x_2 = \frac{2 - \sqrt{10}}{3}$; (4) $x_1 = \frac{-3 + \sqrt{21}}{3}, x_2 = \frac{-3 - \sqrt{21}}{3}$.

4. A 5. B

6. (1) 18 3 (2) $3\sqrt{3}$ (3) 12 (4) $\frac{9}{4} - \frac{3}{8}$

7. 解: (1) $x_1 = 1, x_2 = \frac{1}{3}$; (2) $x_1 = 1, x_2 = \frac{1}{2}$;

(3) $x_1 = 7, x_2 = 1$; (4) $x_1 = 3a, x_2 = -a$.

8. 1 s 或 2 s

课堂延伸

9. 解: (1) $2m^2 + m + 1 = 2\left(m + \frac{1}{4}\right)^2 + \frac{7}{8}$,

$\therefore 2\left(m + \frac{1}{4}\right)^2 \geq 0, \therefore 2\left(m + \frac{1}{4}\right)^2 + \frac{7}{8} \geq \frac{7}{8}$,

则 $2m^2 + m + 1$ 的最小值是 $\frac{7}{8}$.

(2) $4 - x^2 + 2x = -(x - 1)^2 + 5$,

$\therefore -(x - 1)^2 \leq 0, \therefore -(x - 1)^2 + 5 \leq 5$,

则 $4 - x^2 + 2x$ 的最大值为 5.

中考链接

10. A

11. 解: 配方得 $x^2 - 2x + 1 = 4 + 1$,

$\therefore (x - 1)^2 = 5$,

$\therefore x = 1 \pm \sqrt{5}$,

$\therefore x_1 = 1 + \sqrt{5}, x_2 = 1 - \sqrt{5}$.

5 用公式法求解一元二次方程(第 1 课时)

课堂精要

1. $b^2 - 4ac > 0$

①有两个不相等的实数根

②有两个相等的实数根

③没有实数根

2. $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

课堂精练

1. D 2. 169 3. $m < \frac{9}{4}$

4. 解: (1) 方程没有实数根; (2) $x_1 = x_2 = 4$;

(3) $x_1 = 6, x_2 = -3$;

(4) $x_1 = \sqrt{2} + \sqrt{3}, x_2 = \sqrt{2} - \sqrt{3}$.

5. B 6. C 7. 0 或 24

8. $b < 4$

9. $k \geq -6$ 10. ①③

11. 解: $\Delta = 4m + 8$.

(1) $4m + 8 > 0$, 即 $m > -2$;

(2) $4m + 8 = 0$, 即 $m = -2$;

(3) $4m + 8 < 0$, 即 $m < -2$.

课堂延伸

12. A

中考链接

13. D



6 用公式法求解一元二次方程(第2课时)

课堂精要

实际 检验

课堂精练

1. A 2. A 3. 30

4. $(x-1) \frac{(x-1)x}{2} \frac{(x-1)x}{2} = 28$

$x^2 - x - 56 = 0 \quad x_1 = 8, x_2 = -7 \quad x = 8 \quad 8$

5. 解: 设较小正方形的边长为 x cm, 则较大正方形的边长为 $(x+4)$ cm. 由题意列方程为 $x^2 + (x+4)^2 = 106$, 解得 $x=5$ (负值舍去), 所以 $x+4=9$. 所以这两个正方形的边长分别为 5 cm 和 9 cm.

6. 1 000

7. 解: 设小路的宽为 x m, 由题意得 $(32-2x)(20-x)=442$, 整理得 $x^2 - 36x + 99 = 0$, 解得 $x_1 = 3, x_2 = 33$ (舍去), 所以小路的宽为 3 m.

课堂延伸

8. 解: 设甲的宽为 a dm, \because 甲面积 + 乙面积 = 丙面积 + 丁面积 - 12,

$\therefore 2a(a+8) = \frac{1}{2} \times a^2 + \frac{1}{2} \times (a+8)^2 - 12,$

$\therefore a^2 + 8a - 20 = 0,$

$\therefore a_1 = 2, a_2 = -10$ (不合题意, 舍去),

\therefore 六边形的面积为 $2 \times 2 \times 10 \times 2 + 12 = 92$ (dm²).

中考链接

9. 解: (1) 由题图可知, 花圃的面积为 $(40-2a)(60-2a)$.(2) 由已知可列式: $60 \times 40 - (40-2a)(60-2a) = \frac{3}{8} \times 60 \times 40$,解得 $a_1 = 5, a_2 = 45$ (舍去).

答: 通道的宽为 5 m.

7 用因式分解法求解一元二次方程

课堂精要

1. 因式分解 分解因式

2. 两个一次因式 因式分解法

3. 0 0

课堂精练

1. D

2. (1) $x(x-5)$ (2) $(m+3)(m-3)$

(3) $(x-3)(1-x)$ (4) $(x+6)(x-4)$

(5) $(x-3)(2x+7)$

3. 解: (1) $x_1 = 0, x_2 = 2$; (2) $x_1 = 5, x_2 = -1$;(3) $x_1 = 2, x_2 = 0$; (4) $x_1 = 4, x_2 = -8$; (5) $x_1 =$

$2, x_2 = -\frac{5}{2}$; (6) $x_1 = x_2 = \frac{1}{2}$.

4. B 5. B 6. B 7. A

8. 1 2

9. 解: (1) $x_1 = 0, x_2 = 1$; (2) $x_1 = 3, x_2 = 0$;

(3) $x_1 = 3, x_2 = -3$; (4) $x_1 = 3, x_2 = \frac{1}{3}$.

课堂延伸

10. 解: (1) $x_1 = -1, x_2 = -2$; (2) $x_1 = 2, x_2 =$ (3) $x_1 = -1, x_2 = 6$.

中考链接

11. 解: (1) $\because y = x^2 + x - 9$, \therefore 选 $x=5$ 时, $y=25+5-9=21$. (答案不唯一)(2) 根据题意得 $x^2 + x - 9 = 3$, 即 $x^2 + x - 12 = 0$, 解得 $x=3$ 或 $x=-4$.(3) 当 $y=x$ 且 $y<0$ 时, 输入计算后始终在内循环计算而输出不出 y 的值,此时 $x^2 + x - 9 = x$,解得 $x=3>0$ (舍去) 或 $x=-3<0$,

∴当 $x = -3$ 时, 输入计算后始终在内循环计算而输出不出 y 的值.

* 8 一元二次方程的根与系数的关系

课堂精要

$$1. x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad 2. -\frac{b}{a} \quad \frac{c}{a}$$

课堂精练

$$1. (1) 3 \quad 2 \quad (2) 4 \quad -1 \quad (3) \frac{2}{3} \quad -\frac{2}{3}$$

$$(4) -\frac{9}{2} \quad 0 \quad (5) \frac{2\sqrt{2}}{3} \quad -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$2. -2 \quad 0 \quad 2 \quad 2$$

$$3. (1) 1 \quad 5 \quad (2) 2 - \sqrt{3} \quad -1$$

$$4. \text{解: } x_1 + x_2 = \frac{2}{3}, x_1 x_2 = -\frac{7}{3}.$$

$$(1) \text{原式} = x_1 x_2 (x_1 + x_2) = -\frac{14}{9};$$

$$(2) \text{原式} = (x_1 + x_2)^2 - 4x_1 x_2 = \frac{4}{9} - 4 \times$$

$$\left(-\frac{7}{3}\right) = \frac{88}{9};$$

$$(3) \text{原式} = x_1 x_2 + \frac{1}{x_1 x_2} + 2 = -\frac{16}{21};$$

$$(4) \text{原式} = \frac{(x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2}{x_1 x_2} = -\frac{46}{21}.$$

$$5. 0 \quad 6. 2 \quad 1 \quad 7. 2 \quad 019$$

$$8. \text{解: (1)} \because \Delta = 4 - 4(a-2) = 12 - 4a > 0,$$

$\therefore a < 3$, 即 a 的取值范围是 $a < 3$.

(2) 该方程的另一根为 -3 , a 的值是 -1 .

课堂延伸

$$9. 0 \quad ab + ac + bc \quad -abc$$

中考链接

10. (1) 证明: ①当 $k-1=0$, 即 $k=1$ 时, 方程为一元一次方程 $2x+2=0$, 解得 $x=-1$, ∴方程有一个根;

②当 $k-1 \neq 0$, 即 $k \neq 1$ 时, 方程为一元二次方程,

$$\Delta = (2k)^2 - 4 \times 2(k-1) = 4k^2 - 8k + 8 = 4(k-1)^2 + 4 > 0, \therefore \text{方程有两个不相等的实数根.}$$

综合①②得无论 k 为何值, 方程总有实数根.

$$(2) \text{解: } \because x_1 + x_2 = -\frac{2k}{k-1}, x_1 \cdot x_2 = \frac{2}{k-1},$$

$$\therefore S = \frac{4k^2 - 8k + 4}{2k-2} = 2,$$

$$k^2 - 3k + 2 = 0, \therefore k_1 = 1, k_2 = 2.$$

∵方程为一元二次方程, ∴ $k-1 \neq 0$,

$\therefore k_1 = 1$ 应舍去,

∴当 $k=2$ 时, S 的值为 2,

$\therefore S$ 的值能为 2, 此时 k 的值为 2.

9 应用一元二次方程(第 1 课时)

课堂精要

2. 检验

课堂精练

$$1. A \quad 2. 0 \text{ 或 } 1 \quad 3. 12$$

4. 解: 设两直角边的长分别为 x cm, $(14-x)$ cm, 由题意得 $x^2 + (14-x)^2 = 10^2$, 解得 $x=6, 14-x=8$ 或 $x=8, 14-x=6$, 所以直角三角形两直角边的长分别为 6 cm, 8 cm.

$$5. B \quad 6. 5 \quad 7. 24 \text{ 或 } 8\sqrt{5}$$

$$8. x_1 = 3, x_2 = -7$$

9. 解: 设 190 支铅笔可放 x 层.

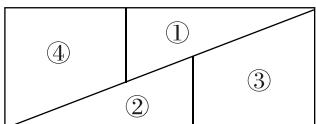
$$\frac{1}{2}x(x+1) = 190,$$

解得 $x_1 = 19, x_2 = -20$ (不合题意, 舍去).

答: 190 支铅笔可放 19 层.

课堂延伸

10. 解: (1) 如图所示.



(第 10 题)

(2) 由拼图前后的面积相等得

$$[(x+y)+y]y = (x+y)^2.$$

因为 $y \neq 0$, 所以上式整理得 $\left(\frac{x}{y}\right)^2 + \frac{x}{y} - 1 = 0$.

解得 $\frac{x}{y} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ (负值不合题意, 已舍去).

中考链接

11. 问题 1: $(2b+c+6) - a$

问题 2: (1) $(2x+38) - (26+2x)$

(2) 解: 列方程得

$$(2x+38)(26+2x) = 1260,$$

解得 $x_1 = 2, x_2 = -34$ (舍去).

答: 包书纸四角小正方形的边长为 2 cm.

10 应用一元二次方程(第 2 课时)

课堂精要

1. 寻找等量关系 2. 成本 利润率 销售量

3. $a(1 \pm x)^n$

课堂精练

$$1. B \quad 2. 10(1+x)^2 = 13$$

$$3. (10+x)(500-10x) - (10+x)(500-10x) = 8000 \quad x^2 - 40x + 300 = 0 \quad 10 \quad 30 \quad 10 \\ 60 \quad 400 \quad 30 \quad 80 \quad 200 \quad 60 \quad 400 \quad 80 \quad 200$$

4. 解: 设该种药品平均每次降价的百分率是 x ,

由题意得 $200(1-x)^2 = 98$,

解得 $x_1 = 1.7$ (不合题意, 舍去), $x_2 = 0.3 = 30\%$.

答: 该种药品平均每次降价的百分率是 30%.

5. 25%

6. 解: 设该产品的质量档次是第 x 档, 则提高的档次是 $(x-1)$ 档.

由题意得 $[6+2(x-1)][95-5(x-1)] = 1120$,

$$-10x^2 + 180x + 400 = 1120,$$

$$\text{整理得 } x^2 - 18x + 72 = 0,$$

解得 $x_1 = 6, x_2 = 12$ (舍去).

答: 该产品的质量档次为第 6 档次.

课堂延伸

7. B

中考链接

8. 解: (1) $9.5 - (2018 - 2015) \times 0.5 = 8$ (万份).

答: A 品牌产销线 2018 年的销售量为 8 万份.

(2) 设 A 品牌产销线平均每份获利的年递减百分数为 x , B 品牌产销线的年销售量递增相同的份数为 k 万份.

根据题意得

$$\begin{cases} (9.5 - 0.5) + (1.8 + k) = 11.4, \\ (1.8 + 2k) \cdot 3(1+2x)^2 = 10.89, \end{cases}$$

解得 $\begin{cases} k=0.6, \\ x=5\% \end{cases}$ 或 $\begin{cases} k=0.6, \\ x=-105\% \end{cases}$ (不合题意, 舍去),

$$\therefore \begin{cases} k=0.6, \\ x=5\%, \end{cases} \therefore 2x=10\%.$$

答: B 品牌产销线 2016 年平均每份获利增长的百分数为 10%.

第三章 概率的进一步认识

1 用树状图或表格求概率(第 1 课时)

课堂精要

1. 可能性的大小 $P(A)$

2. 画树状图或列表

课堂精练

1. C 2. C 3. B

4. $\frac{3}{5}$ 5. $\frac{1}{3}$ 6. $\frac{1}{4}$ 7. A 8. C 9. $\frac{1}{5}$

10. 解:(1) $P(\text{选中 } AA_1) = \frac{1}{3}$.

(2) 列表如下:

	AB	AC	BC
$A_1 B_1$	×	✓	✓
$A_1 C_1$	✓	×	✓
$B_1 C_1$	✓	✓	×

所有等可能的情况有 9 种,其中这三根绳子能连接成一根长绳的情况有 6 种,则 $P(\text{能连接成一根长绳}) = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$.

课堂延伸

11. 解:(1) $P_1 = \frac{1}{4}$.

(2) 列表如下:

	1	2	3	4
1	(1,1)	(2,1)	(3,1)	(4,1)
2	(1,2)	(2,2)	(3,2)	(4,2)
3	(1,3)	(2,3)	(3,3)	(4,3)
4	(1,4)	(2,4)	(3,4)	(4,4)

所有等可能的结果共有 16 种,当两次掷得的数字和为 4 的倍数,即(1,3),(2,2),(3,1),(4,4)时,才可落回到圈 A,共 4 种,

$$\therefore P_2 = \frac{4}{16} = \frac{1}{4},$$

∴ 淇淇与嘉嘉落回到圈 A 的可能性一样.

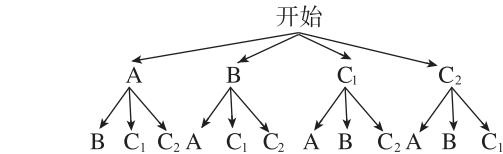
中考链接

12. 解:(1) 分别用 A,B,C₁,C₂ 表示芝麻馅、水果馅、花生馅、花生馅的大汤圆.

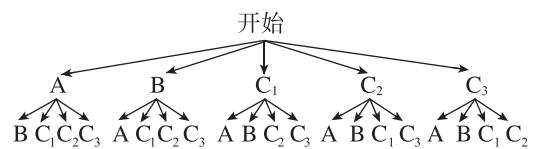
画树状图如图①.

∴ 共有 12 种等可能的结果,爸爸吃前两个大汤圆刚好都是花生馅的有 2 种结果,

∴ 爸爸吃前两个大汤圆刚好都是花生馅的概率为 $\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$.



图①



图②

(第 12 题)

(2) 会增大.

理由如下: 分别用 A,B,C₁,C₂,C₃ 表示芝麻馅、水果馅、花生馅、花生馅、花生馅的大汤圆. 画树状图如图②.

∴ 共有 20 种等可能的结果,爸爸吃前两个大汤圆都是花生馅的有 6 种结果,

∴ 爸爸吃前两个大汤圆都是花生馅的概率为 $\frac{6}{20} = \frac{3}{10} > \frac{1}{6}$,

∴ 给爸爸再增加一个花生馅的汤圆,则爸爸吃前两个大汤圆都是花生馅的可能性会增大.

2 用树状图或表格求概率(第 2 课时)

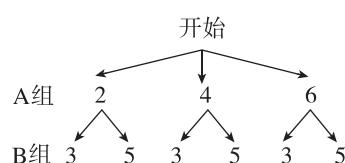
课堂精要

3. 相等 相等

课堂精练

1. C 2. C 3. C 4. $\frac{1}{2}$ 5. $\frac{1}{3}$ 6. 不公平

7. 解: 画树状图如图:



(第 7 题)

从树状图可知有 6 种等可能的情况,其中两数



之积为3的倍数的有4种,

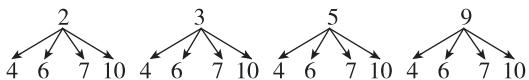
$$\therefore P(\text{甲获胜}) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3},$$

$$P(\text{乙获胜}) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}.$$

$\because \frac{2}{3} > \frac{1}{3}$, \therefore 该游戏规则对甲、乙两人不公平.

8. A 9. 对乙有利

10. 解:(1)画树状图如图:



(第 10 题)

共有 16 种等可能的结果,其中两数和为偶数的结果有 6 种,

所以小颖去看电影的概率为 $\frac{6}{16} = \frac{3}{8}$.

(2) 小颖去看电影的概率为 $\frac{3}{8}$, 哥哥去看电影的概率为 $1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$, 所以哥哥设计的游戏规则对双方不公平.

修改规则的方法不唯一,如:将数字为 2, 3, 4, 9 的四张牌给小颖,将数字为 5, 6, 7, 10 的四张牌给哥哥,小颖和哥哥从各自的四张牌中随机抽出一张,然后将抽出的两张扑克牌数字相加,如果和为偶数,那么小颖去;如果和为奇数,那么哥哥去.

课堂延伸

11. 解:(1)列表表示 (a, b) 对应的值如下:

	1	2	3
1	(1,1)	(1,2)	(1,3)
2	(2,1)	(2,2)	(2,3)
3	(3,1)	(3,2)	(3,3)
4	(4,1)	(4,2)	(4,3)

(2) 游戏规则对双方是不公平的. \because 符合根为有理数的有 2 种,而符合根为无理数的只有 1

种, $\therefore P(\text{小丽赢}) = \frac{1}{6}$, $P(\text{小兵赢}) = \frac{1}{12}$,

$\therefore P(\text{小丽赢}) \neq P(\text{小兵赢})$, \therefore 这个游戏规则对双方是不公平的. 修改游戏的方案不唯一,如:小冬抽出的 (a, b) 中,使关于 x 的一元二次方程 $x^2 - ax + 2b = 0$ 的根为两个相等的根时小丽赢,为无理数时小兵赢.

中考链接

12. 解:(1) \because 六个小球的标号分别为 1, 2, 3, 4, 5, 6,

\therefore 随机摸出一个小球,摸到标号数字为奇数的概率为 $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$.

(2) 列表如下:

	1	2	3	4	5	6
1	(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
2	(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
3	(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
4	(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
5	(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
6	(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)

共有 36 种等可能的情况,两次摸到小球的标号数字同为奇数或同为偶数的情况有 18 种,摸到小球的标号数字为一奇一偶的情况有 18 种,

\therefore 甲赢的概率 $P(\text{甲}) = \frac{18}{36} = \frac{1}{2}$, 乙赢的概率

$$P(\text{乙}) = \frac{18}{36} = \frac{1}{2},$$

\therefore 这个游戏对甲、乙两人是公平的.

3 用树状图或表格求概率(第 3 课时)

课堂精练

1. D 2. A 3. C 4. $\frac{1}{3}$ 5. $\frac{1}{3}$ 6. $\frac{2}{3}$

7. 解：列表如下：

	红	黄	绿	蓝
红	(红,红)	(红,黄)	(红,绿)	(红,蓝)
绿	(绿,红)	(绿,黄)	(绿,绿)	(绿,蓝)
蓝	(蓝,红)	(蓝,黄)	(蓝,绿)	(蓝,蓝)

$$P(\text{配成紫色}) = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

8. C 9. B 10. $\frac{1}{6}$

11. 解： a 与 b 的乘积所有可能出现的结果如下表所示：

	1	2	-3	-4
1	1	2	-3	-4
2	2	4	-6	-8
-3	-3	-6	9	12
-4	-4	-8	12	16

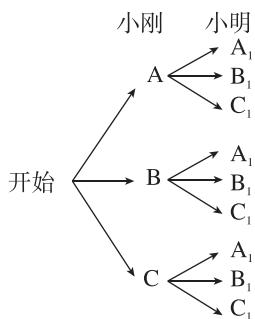
总共有 16 种结果，每种结果出现的可能性相同，其中 $ab=2$ 的结果有 2 种，

所以 a 与 b 的乘积等于 2 的概率是 $\frac{1}{8}$.

课堂延伸

12. 解：(1) $P(\text{一次出牌小刚出“象”牌}) = \frac{1}{3}$.

(2) 画树状图如图：



(第 12 题)

或列表如下：

	A ₁	B ₁	C ₁
A	(A, A ₁)	(A, B ₁)	(A, C ₁)
B	(B, A ₁)	(B, B ₁)	(B, C ₁)
C	(C, A ₁)	(C, B ₁)	(C, C ₁)

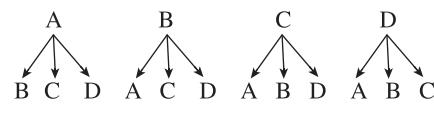
由树状图或表格可知，出现了 9 种等可能的结果，其中小刚胜小明的结果有 3 种，

$$\text{所以 } P(\text{一次出牌小刚胜小明}) = \frac{1}{3}.$$

(3) 由树状图或表格可知 $P(\text{一次出牌小明胜小刚}) = \frac{1}{3}$ ，所以 $P(\text{一次出牌小刚胜小明}) = P(\text{一次出牌小明胜小刚})$ ，即两人获胜的概率相等，这个游戏对小刚和小明公平.

中考链接

13. 解：(1) 画树状图如图：



(第 13 题)

共有 12 种等可能的结果.

(2) 抽到的两张卡片上的数都是勾股数的结果有 6 种，

所以抽到的两张卡片上的数都是勾股数的概率为 $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$.

4 用频率估计概率

课堂精要

1. ①设计试验方案 ③收集试验数据 ⑤估计随机事件发生的概率

3. 比值

课堂精练

1. D 2. B 3. 40

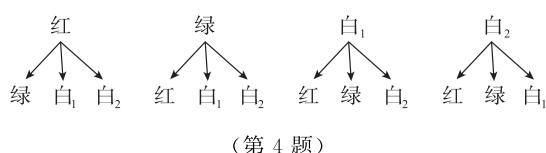
4. 解：(1) 当 $n=1$ 时，从袋中随机摸出 1 个球，



摸到红球和摸到白球的可能性相同.

(2)

(3)画树状图如图:



共有 12 种等可能的结果,其中两次摸出的球都是白球的结果共有 2 种,

所以两次都摸到白球的概率为 $\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$.

5. C 6. 1 200

7. 解:(1) 参加此游戏得到玩具的频率为

$$\frac{80}{400} = \frac{1}{5}.$$

(2) 设袋中共有 x 个球,则摸到红球的概率

$$P(\text{红球}) = \frac{8}{x}. \therefore \frac{8}{x} = \frac{1}{5}, \text{解得 } x = 40,$$

\therefore 估计袋中白球的数量为 $40 - 8 = 32$ (个).

课堂延伸

8. 解:由题表最右侧一组数据得 $\frac{m}{n} = \frac{1}{2}$, 所以

石子落在圆内(含圆上)的频率为 $\frac{m}{m+n} = \frac{1}{3}$,

则估计 $P(\text{石子落在圆内(含圆上)}) = \frac{1}{3}$.

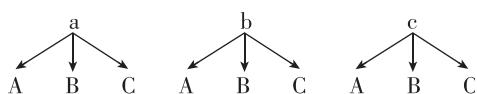
又 $P(\text{石子落在圆内(含圆上)}) =$

$\frac{\text{圆的面积}}{\text{圆的面积} + \text{阴影的面积}}$, 所以 $\frac{S_{\text{圆}}}{S_{\text{封闭图形ABC}}} = \frac{1}{3}$,

$$S_{\text{封闭图形ABC}} = 3\pi \text{ m}^2.$$

中考链接

9. 解:(1) 画三类生活垃圾随机投入三类垃圾箱的树状图如图:



(第 9 题)

由树状图可知 $P(\text{垃圾投放正确}) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$.

(2) 由题表可知厨余垃圾投放正确的频率为

$$\frac{400}{400+100+100} = \frac{2}{3}, \text{所以估计 } P(\text{厨余垃圾投放正确}) = \frac{2}{3}.$$

第四章 图形的相似

1 成比例线段(第 1 课时)

课堂精要

1. 同一个长度单位

$$2. \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \text{成比例线段} \quad ad = bc \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

课堂精练

$$1. B \quad 2. C \quad 3. D \quad 4. 3 : 2 \quad 5. 2 \text{ cm} \quad 6. \frac{8}{5}$$

$$7. C \quad 8. B \quad 9. D \quad 10. 100 : 3 \quad 11. \sqrt{2} : 1$$

$$12. \frac{21}{2} \text{ cm} \quad 13. \sqrt{2} : 1$$

课堂延伸

14. 解:(1) 设 $\frac{a-c}{-2} = \frac{a+b}{7} = \frac{c-b}{1} = k$, 根据题意得

$$\begin{cases} a-c=-2k, \\ a+b=7k, \\ c-b=k, \end{cases} \text{解得} \begin{cases} a=3k, \\ b=4k, \\ c=5k. \end{cases}$$

$$\therefore a+b+c=24,$$

$$\therefore 12k=24,$$

$$\text{解得 } k=2,$$

$$\therefore a=6, b=8, c=10.$$

(2) $\because a=6, b=8, c=10$,

$$\therefore a^2+b^2=c^2,$$

$\therefore \triangle ABC$ 为直角三角形.

中考链接

15. 解:(1) $AD = \frac{36}{5}$. (2) 能. 由 $AB = 12$, $AD = \frac{36}{5}$, 故 $DB = \frac{24}{5}$, 所以 $\frac{DB}{AB} = \frac{2}{5}$. 又 $\frac{EC}{AC} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$, 故 $\frac{DB}{AB} = \frac{EC}{AC}$.

2 成比例线段(第2课时)

课堂精要

$$\frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} \quad \frac{a+c+\dots+m}{b+d+\dots+n} = \frac{a}{b}$$

课堂练习

1. A 2. D 3. B 4. A 5. $\frac{3}{8}$ 6. 30

7. 解: 设 $\frac{a}{3} = \frac{b}{4} = \frac{c}{5} = k$, 则 $a = 3k$, $b = 4k$, $c = 5k$.

又 $\because a+b+c=36$,

$\therefore 3k+4k+5k=36$,

$\therefore k=3$,

$\therefore a=9$, $b=12$, $c=15$,

$\therefore \triangle ABC$ 三边的长为 $a=9$, $b=12$, $c=15$.

8. A 9. C 10. D 11. $\frac{7}{10}$ 12. 12

13. (1) 证明: 设 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$,

$\therefore a=kb$, $c=kd$.

$\because b+d \neq 0$,

$\therefore \frac{a+c}{b+d} = \frac{k(b+d)}{b+d} = k$,

$\therefore \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{a+c}{b+d}$.

(2) 解: 根据题意有以下两种情况.

① 当 $a+b+c \neq 0$ 时,

$$\frac{b+c}{a} = \frac{a+c}{b} = \frac{a+b}{c} = t = \frac{2(a+b+c)}{a+b+c} = 2,$$

$$\therefore t^2 - t - 2 = 2^2 - 2 - 2 = 0;$$

② 当 $a+b+c=0$ 时, $b+c=-a$, $a+c=-b$, $a+b=-c$,

$$\therefore \frac{b+c}{a} = \frac{a+c}{b} = \frac{a+b}{c} = t = -1,$$

$$\therefore t^2 - t - 2 = (-1)^2 - (-1) - 2 = 0.$$

综上所述, $t^2 - t - 2$ 的值为 0.

课堂延伸

14. 解: 设 $\frac{a+b-c}{c} = \frac{a-b+c}{b} = \frac{-a+b+c}{a} = k$,

$\therefore a+b-c=kc$ ①,

$a-b+c=kb$ ②,

$-a+b+c=ka$ ③,

由①+②+③得 $a+b+c=k(a+b+c)$.

$\because a+b+c \neq 0$, $\therefore k=1$,

$\therefore a+b=2c$, $b+c=2a$, $c+a=2b$,

$$\therefore \frac{(a+b)(b+c)(c+a)}{abc} = \frac{2c \times 2a \times 2b}{abc} = 8.$$

中考链接

15. $\frac{3}{2}$ 16. 3

3 平行线分线段成比例

课堂精要

$$\frac{DE}{EF} \quad \frac{DF}{DF} \quad \frac{DF}{EF} \quad \frac{AE}{EC} \quad \frac{AE}{AC} \quad \frac{AE}{AC} \quad \frac{CE}{AC}$$

课堂练习

1. C 2. B 3. D 4. B 5. 6 6. $\frac{9}{4}$

7. 解: (1) $\because DE \parallel BC$, $\therefore \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$.

$\therefore AD=5$, $DB=7$, $EC=12$,

$$\therefore \frac{5}{7} = \frac{AE}{12}, \text{解得 } AE = \frac{60}{7}.$$

(2) $\because DE \parallel BC$, $\therefore \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$.



$\because AB=16, AD=4, AE=8,$

$\therefore \frac{4}{16}=\frac{8}{AC}$, 解得 $AC=32$,

$\therefore EC=AC-AE=32-8=24.$

8. D 9. A 10. C

11. $\frac{1}{2}$ 12. $5:8$

13. 解: \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AD \parallel BC, \therefore \frac{BE}{AB}=\frac{EF}{DF},$

$\therefore \frac{1}{3}=\frac{2}{DF}, \therefore DF=6.$

又 $\because CD \parallel BE,$

$\therefore \frac{BF}{CF}=\frac{EF}{DF}, \therefore \frac{1.5}{CF}=\frac{2}{6}, \therefore CF=4.5,$

$\therefore BC=CF+BF=4.5+1.5=6.$

课堂延伸

14. (1) 证明: $\because CE \parallel AD,$

$\therefore \frac{AB}{AE}=\frac{BD}{CD}, \angle 2=\angle ACE, \angle 1=\angle E.$

$\because \angle 1=\angle 2, \therefore \angle ACE=\angle E,$

$\therefore AE=AC, \therefore \frac{AB}{AC}=\frac{BD}{CD}.$

(2) 解: $\because AB=3, BC=4, \angle ABC=90^\circ,$

$\therefore AC=5.$

$\because AD$ 平分 $\angle BAC,$

$\therefore \frac{AC}{AB}=\frac{CD}{BD}$, 即 $\frac{5}{3}=\frac{CD}{BD},$

$\therefore BD=\frac{3}{8}BC=\frac{3}{2},$

$\therefore AD=\sqrt{BD^2+AB^2}=\sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2+3^2}=\frac{3\sqrt{5}}{2},$

$\therefore \triangle ABD$ 的周长 $=\frac{3}{2}+3+\frac{3\sqrt{5}}{2}=\frac{9+3\sqrt{5}}{2}.$

中考链接

15. D

4 相似多边形

课堂精要

相等 成比例 对应边的比

课堂精练

1. C 2. C 3. B 4. $\frac{2}{3}$ 5. 8 6. D 7. B

8. $\frac{3}{5}$ 9. $\sqrt{2}:2$ 10. 1 或 4 11. $\frac{2}{3}$

课堂延伸

12. 解: (1) 2

(2) 设 A1 纸的长和宽分别是 m, n , 则 A2 纸的长和宽分别为 $n, \frac{1}{2}m$,

$\therefore \frac{m}{n}=\frac{n}{\frac{1}{2}m}$, 即 $\frac{m}{n}=\sqrt{2},$

\therefore 该系列纸张的长与宽(长大于宽)之比为 $\sqrt{2}:1.$

中考链接

13. 解: (1) 不相似. 理由如下:

$AB=30, A'B'=28, BC=20, B'C'=18,$

$\therefore \frac{28}{30} \neq \frac{18}{20}, \therefore$ 两个矩形不相似.

(2) 矩形 $ABCD$ 与矩形 $A'B'C'D'$ 相似, 则

$\frac{A'B'}{AB}=\frac{B'C'}{BC}$ 或 $\frac{A'B'}{BC}=\frac{B'C'}{AB},$

则 $\frac{30-2x}{30}=\frac{20-2}{20}$ 或 $\frac{30-2x}{20}=\frac{20-2}{30},$

解得 $x=1.5$ 或 $x=9,$

所以当 $x=1.5$ 或 $x=9$ 时, 图中的两个矩形 $ABCD$ 与 $A'B'C'D'$ 相似.

5 探索三角形相似的条件(第 1 课时)

课堂精要

相等 成比例 相等

课堂精练

1. B 2. A 3. C 4. $\triangle DEB$

5. $\angle ADB = \angle ABC$ (答案不唯一)

6. 4 7. C 8. A 9. C

10. $\triangle ABF \sim \triangle ACE$ (或 $\triangle BDE \sim \triangle CDF$)

11. $\frac{3}{2}$ 12. 2. 5

13. (1) 证明: $\because \triangle ABC, \triangle ADE$ 为等边三角形,

$\therefore \angle B = \angle C = \angle ADE = 60^\circ$,

$\therefore \angle ADB + \angle EDC = \angle DFC + \angle EDC = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$,

$\therefore \angle ADB = \angle DFC$,

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle DCF$.

(2) 解: 除了 $\triangle ABD \sim \triangle DCF$ 外, 图中的相似三角形还有: $\triangle AEF \sim \triangle DCF$, $\triangle ABD \sim \triangle AEF$, $\triangle ABC \sim \triangle ADE$, $\triangle ADF \sim \triangle ACD$.

课堂延伸

14. (1) 证明: $\because \triangle ABC, \triangle DEP$ 是两个全等的等腰直角三角形,

$\therefore \angle B = \angle C = \angle DPE = 45^\circ$,

$\therefore \angle BPG + \angle CPF = 135^\circ$.

在 $\triangle BPG$ 中, $\because \angle B = 45^\circ$,

$\therefore \angle BPG + \angle BGP = 135^\circ$.

$\therefore \angle BGP = \angle CPF$.

$\because \angle B = \angle C$,

$\therefore \triangle PBG \sim \triangle FCP$.

(2) 解: $\triangle PBG$ 与 $\triangle FCP$ 相似.

理由如下:

$\because \triangle ABC, \triangle DEP$ 是两个全等的等腰直角三角形,

$\therefore \angle B = \angle C = \angle DPE = 45^\circ$.

$\because \angle BGP = \angle C + \angle CAG = 45^\circ + \angle CAG$,

$\angle CPF = \angle FPG + \angle CAG = 45^\circ + \angle CAG$,

$\therefore \angle BGP = \angle CPF$.

$\because \angle B = \angle C$,

$\therefore \triangle PBG \sim \triangle FCP$.

中考链接

15. 5

6 探索三角形相似的条件(第2课时)

课堂精要

相等 成比例 相等 成比例 夹角

课堂精练

1. B 2. C 3. D

4. 90° 5. 1. 8 6. 2. 5 7. A 8. C

9. $(-4, 0)$ 或 $(-1, 0)$ 或 $(1, 0)$

课堂延伸

10. (1) 证明: $\because \angle A = \angle B = \angle DEC = 90^\circ$,

$\therefore \angle DEA + \angle CEB = 90^\circ$.

$\because \angle DEA + \angle D = 90^\circ$,

$\therefore \angle D = \angle CEB$,

$\therefore \triangle ADE \sim \triangle BEC$,

$\therefore \frac{AE}{BC} = \frac{AD}{BE}$,

$\therefore AE \cdot BE = AD \cdot BC$.

(2) 同意. 选图②.

理由如下: $\because \angle A = \angle B = \angle DEC$,

$\angle A + \angle D = \angle DEC + \angle CEB$,

$\therefore \angle D = \angle CEB$,

$\therefore \triangle ADE \sim \triangle BEC$,

$\therefore \frac{AE}{BC} = \frac{AD}{BE}$,

$\therefore AE \cdot BE = AD \cdot BC$.

中考链接

11. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 为正方形,

$\therefore AD = AB = DC = BC, \angle A = \angle D = 90^\circ$.



$$\because AE = ED, \therefore \frac{AE}{AB} = \frac{1}{2}.$$

$$\because DF = \frac{1}{4}DC, \therefore \frac{DF}{DE} = \frac{1}{2}, \therefore \frac{AE}{AB} = \frac{DF}{DE}.$$

又 $\because \angle A = \angle D = 90^\circ$,

$\therefore \triangle ABE \sim \triangle DEF$.

(2) 解: \because 四边形 ABCD 为正方形,

$$\therefore ED \parallel BG, \therefore \frac{DE}{CG} = \frac{DF}{CF}.$$

又 $\because DF = \frac{1}{4}DC$, 正方形的边长为 4,

$$\therefore ED = 2, CG = 6, \therefore BG = BC + CG = 10.$$

7 探索三角形相似的条件(第 3 课时)

课堂精要

相等 成比例 相等 成比例 夹角
成比例

课堂精练

1. A 2. B 3. B

4. $2 : 1$ 5. $\triangle APB \sim \triangle CPA$

6. 24 7. B 8. 丙

9. (1) 证明: 根据勾股定理, 得 $AB = 2\sqrt{5}$,

$AC = \sqrt{5}$, $BC = 5$, 显然有 $AB^2 + AC^2 = BC^2$,

根据勾股定理的逆定理得 $\triangle ABC$ 为直角三角形.

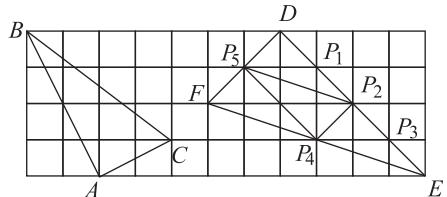
(2) 解: $\triangle ABC$ 与 $\triangle DEF$ 相似.

证明如下: 根据勾股定理, 得 $AB = 2\sqrt{5}$, $AC = \sqrt{5}$, $BC = 5$, $DE = 4\sqrt{2}$, $DF = 2\sqrt{2}$, $EF = 2\sqrt{10}$.

$$\therefore \frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF} = \frac{BC}{EF} = \frac{\sqrt{10}}{4},$$

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle DEF$.

(3) 解: 如图中的 $\triangle P_4P_5P_2$.



(第 9 题)

课堂延伸

10. 解: (1) 一个锐角对应相等 两直角边对应成比例

(2) 斜边和一条直角边对应成比例

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'}$$

证明: 设 $\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = k$, 则 $AB = kA'B'$,

$$AC = kA'C', \frac{BC}{B'C'} = \frac{\sqrt{AB^2 - AC^2}}{\sqrt{A'B'^2 - A'C'^2}} =$$

$$\frac{\sqrt{k^2 A'B'^2 - k^2 A'C'^2}}{\sqrt{A'B'^2 - A'C'^2}} = k,$$

$$\therefore \frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = \frac{BC}{B'C'},$$

$\therefore \text{Rt}\triangle ABC \sim \text{Rt}\triangle A'B'C'$.

中考链接

11. A

8 探索三角形相似的条件(第 4 课时)

课堂精要

$\frac{AC}{AB} = \frac{BC}{AC}$ 黄金分割 黄金分割点 黄金比

$$\frac{\sqrt{5}-1}{2} \quad 0.618$$

课堂精练

1. C 2. D 3. C

4. 12. 36 5. 135° 6. 178. 8

7. C 8. C

9. = 10. 2 或 $\sqrt{5}-1$

11. (1) 解: \because 正方形 ABCD 的边长为 2, P 是

AB 中点, $\therefore AB=AD=2, AP=1$.

在 Rt $\triangle APD$ 中, $PD=\sqrt{AP^2+AD^2}=\sqrt{5}$.

$\because PF=PD$,

$\therefore AF=PF-AP=\sqrt{5}-1$.

\because 四边形 AMEF 是正方形,

$\therefore AM=AF=\sqrt{5}-1$.

$DM=AD-AM=2-(\sqrt{5}-1)=3-\sqrt{5}$.

(2) 证明: 由(1)得 $AM^2=(\sqrt{5}-1)^2=6-2\sqrt{5}$,

$AD \cdot DM=2 \cdot (3-\sqrt{5})=6-2\sqrt{5}$,

$\therefore AM^2=AD \cdot DM$.

(3) 解: 点 M 是线段 AD 的黄金分割点.

课堂延伸

12. 证明: 在正方形 ABCD 中, 设 $AB=2a$.

$\because N$ 为 BC 的中点, $\therefore NC=\frac{1}{2}BC=a$.

在 Rt $\triangle DNC$ 中,

$ND=\sqrt{NC^2+CD^2}=\sqrt{a^2+(2a)^2}=\sqrt{5}a$.

又 $\because NE=ND$,

$\therefore CE=NE-NC=(\sqrt{5}-1)a$,

$\therefore \frac{CE}{CD}=\frac{(\sqrt{5}-1)a}{2a}=\frac{\sqrt{5}-1}{2}$,

故矩形 DCEF 为黄金矩形.

中考链接

13. 解: (1) 点 D 是边 AB 的黄金分割点. 证明如下:

$\because \angle A=36^\circ, AB=AC, \therefore \angle B=\angle ACB=72^\circ$.

$\because CD$ 平分 $\angle ACB, \therefore \angle DCB=\angle ACD=36^\circ$.

$\therefore \angle BDC=\angle B=72^\circ$.

$\because \angle A=\angle DCB, \angle B=\angle B$,

$\therefore \triangle BCD \sim \triangle BAC, \therefore \frac{BC}{AB}=\frac{BD}{BC}$.

又 $\because BC=CD=AD, \therefore \frac{AD}{AB}=\frac{BD}{AD}$,

$\therefore D$ 是 AB 边上的黄金分割点.

(2) 直线 CD 是 $\triangle ABC$ 的黄金分割线.

证明如下:

设 $\triangle ABC$ 边 AB 上的高为 h , 则

$$S_{\triangle ADC}=\frac{1}{2}AD \cdot h, S_{\triangle DBC}=\frac{1}{2}BD \cdot h, S_{\triangle ABC}=$$

$$\frac{1}{2}AB \cdot h.$$

$$\therefore S_{\triangle ADC} : S_{\triangle ABC} = AD : AB, S_{\triangle DBC} : S_{\triangle ADC} = BD : AD,$$

$$\because D$$
 是 AB 的黄金分割点, $\therefore \frac{AD}{AB}=\frac{BD}{AD}$,

$$\therefore S_{\triangle ADC} : S_{\triangle ABC} = S_{\triangle DBC} : S_{\triangle ADC}.$$

$\therefore CD$ 是 $\triangle ABC$ 的黄金分割线.

* 9 相似三角形判定定理的证明

课堂精要

相等 成比例 夹角相等 成比例

课堂精练

$$1. D \quad 2. D \quad 3. A \quad 4. 60^\circ \quad 5. \frac{25}{4} \quad 6. 1. 8$$

$$7. C \quad 8. 3$$

9. (1) 解: 相似.

证明: 延长 FE 与 CD 的延长线交于点 G(图略).

\because 点 E 是 AD 的中点,

$\therefore AE=ED$.

在 Rt $\triangle AEF$ 与 Rt $\triangle DEG$ 中,

$$\begin{cases} \angle A=\angle EDG=90^\circ, \\ AE=DE, \\ \angle AEF=\angle DEG, \end{cases}$$

$\therefore \triangle AEF \cong \triangle DEG$ (ASA),

$\therefore FE=GE$. 又 $CE \perp FG$,

$\therefore FC=GC$,

$\therefore \angle EFC=\angle G$.



$\because AB \parallel CD, \therefore \angle AFE = \angle G.$

$\therefore \angle AFE = \angle EFC.$

又 $\because \angle A = \angle CEF, \therefore \triangle AEF \sim \triangle ECF.$

(2) 存在.

分两种情况:

① 当 $\angle BCF = \angle AFE$ 时, $\therefore \angle BCF + BFC = 90^\circ, \therefore \angle AFE + \angle BFC = 90^\circ,$

此时 $\angle EFC = 180^\circ - (\angle AFE + \angle BFC) = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$, 而 $\angle FEC = 90^\circ$, 故 $\angle EFC = 90^\circ$ 不存在.

② 当 $\angle BCF = \angle AEF$ 时, 设 $AD = BC = a$,

$AB = CD = b.$

\because 点E是AD的中点, $\therefore AE = ED = \frac{a}{2}.$

$\because \triangle AEF \sim \triangle DCE, \therefore \frac{AE}{DC} = \frac{AF}{ED}, \frac{\frac{a}{2}}{b} = \frac{AF}{\frac{a}{2}},$

$\therefore AF = \frac{a^2}{4b}, BF = AB - AF = b - \frac{a^2}{4b}.$

$\because \triangle AEF \sim \triangle BCF, \therefore \frac{AF}{AE} = \frac{BF}{BC},$

即 $\frac{\frac{a^2}{4b}}{\frac{a}{2}} = \frac{b - \frac{a^2}{4b}}{a},$

$\therefore 3a^2 = 4b^2, \frac{b^2}{a^2} = \frac{3}{4}, \frac{b}{a} = \frac{\sqrt{3}}{2}.$

$k = \frac{AB}{BC} = \frac{b}{a} = \frac{\sqrt{3}}{2}.$

综上所述, $k = \frac{\sqrt{3}}{2}.$

课堂延伸

10. (1) 解: ① 当 $\triangle BPQ \sim \triangle BAC$ 时,

$\therefore \frac{BP}{BA} = \frac{BQ}{BC}, BP = 5t, QC = 4t, AB =$

$\sqrt{AC^2 + BC^2} = 10 \text{ cm}, BC = 8 \text{ cm},$

$$\therefore \frac{5t}{10} = \frac{8-4t}{8}, \therefore t = 1.$$

② 当 $\triangle BPQ \sim \triangle BCA$ 时,

$$\therefore \frac{BP}{BC} = \frac{BQ}{BA}, \therefore \frac{5t}{8} = \frac{8-4t}{10}, \therefore t = \frac{32}{41},$$

$\therefore t = 1$ 或 $\frac{32}{41}$ 时, $\triangle BPQ$ 与 $\triangle ABC$ 相似.

(2) 解: 如图①, 过点P作 $PM \perp BC$ 于点M,

AQ, CP 交于点N, 则有 $PB = 5t, PM = 3t, MC = 8 - 4t,$

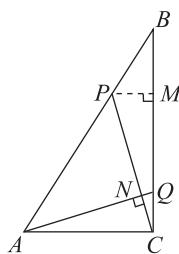
$$\therefore \angle NAC + \angle NCA = 90^\circ, \angle PCM + \angle NCA = 90^\circ,$$

$\therefore \angle NAC = \angle PCM$ 且 $\angle ACQ = \angle PMC = 90^\circ,$

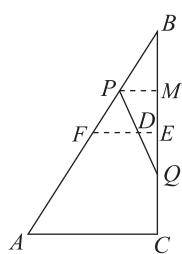
$\therefore \triangle ACQ \sim \triangle CMP,$

$$\therefore \frac{AC}{CM} = \frac{CQ}{MP}, \therefore \frac{6}{8-4t} = \frac{4t}{3t},$$

$$\text{解得 } t = \frac{7}{8}.$$



图①



图②

(第 10 题)

(3) 证明: 如图②, 取 PQ 的中点D, 过点D作 $FE \parallel AC$ 与 AB 交于点F, 与 BC 交于点E. 过点P作 $PM \parallel AC$ 与 BC 交于点M.

$\therefore PM \parallel AC, FE \parallel AC,$

$\therefore PM \parallel DE$, 且D为 PQ 的中点,

$$\therefore \frac{QD}{DP} = \frac{QE}{ME} = \frac{1}{1},$$

$$\therefore QE = ME.$$

由(1)问知 $BM = QC = 4t$,

$\therefore BM+ME=QC+EQ$,
 $\therefore BE=EC$, 即 E 为 BC 的中点,
又 $\because PM \parallel FE$,
 $\therefore \frac{BP}{BF}=\frac{BM}{BE}$,
即 $\frac{5t}{BF}=\frac{4t}{4}$,
 $\therefore BF=5$,
 $\therefore F$ 为 AB 的中点,
 $\therefore EF$ 为 $\triangle ABC$ 的中位线,
 $\therefore PQ$ 的中点在 $\triangle ABC$ 的一条中位线上.

中考链接

11. (1) 证明: $\because AC$ 平分 $\angle DAB$,
 $\therefore \angle DAC = \angle BAC$.
又 $\angle ADC = \angle ACB = 90^\circ$,
 $\therefore \triangle ACD \sim \triangle ABC$,
 $\therefore \frac{AC}{AB} = \frac{AD}{AC}$,
 $\therefore AC^2 = AB \cdot AD$.

(2) 证明: $\because \angle ACB = 90^\circ$, 点 E 为 AB 的中点,
 $\therefore CE = AE$, $\therefore \angle ACE = \angle EAC$.
又 $\because \angle EAC = \angle DAC$,
 $\therefore \angle ACE = \angle DAC$, $\therefore CE \parallel AD$.

(3) 解: $\because CE \parallel AD$, $\therefore \triangle CEF \sim \triangle ADF$,
 $\therefore \frac{CF}{AF} = \frac{CE}{AD}$.
 $\because AB = 6$, $\therefore CE = 3$,
 $\therefore \frac{CF}{AF} = \frac{CE}{AD} = \frac{3}{4}$, $\therefore \frac{AC}{AF} = \frac{7}{4}$.

10 利用相似三角形测高

课堂精要

相似三角形对应边成比例

课堂精练

1. A 2. B 3. C 4. 5. 1 m 5. 12 6. 0. 9

7. D 8. 5. 5 m

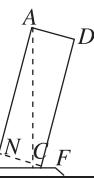
9. 解: 设 CD 的长为 x m,
 $\because AM \perp EC$, $CD \perp EC$, $BN \perp EC$, $EA = MA$,
 $\therefore AM \parallel CD$, $BN \parallel CD$,
 $\therefore EC = CD = x$,
 $\therefore \triangle ABN \sim \triangle ACD$,
 $\therefore \frac{BN}{CD} = \frac{AB}{AC}$, 即 $\frac{1.75}{x} = \frac{1.25}{x-1.75}$,
解得 $x = 6.125 \approx 6.1$,
 \therefore 路灯的高 CD 的长约为 6.1 m.

课堂延伸

10. 解: 由题意得 $AH \perp HG$, $CB \perp HG$,
 $\therefore \angle AHF = 90^\circ$, $\angle CBF = 90^\circ$,
 $\therefore \angle AHF = \angle CBF$.
 $\therefore \angle AFH = \angle CFB$,
 $\therefore \triangle CBF \sim \triangle AHF$,
 $\therefore \frac{BC}{HA} = \frac{BF}{HF}$,
同理可得 $\frac{DE}{HA} = \frac{DG}{HG}$.
 $\because BF = 123$, $BD = 1000$, $DG = 127$,
 $\therefore HF = HB + 123$, $HG = HB + 1000 + 127 = HB + 1127$,
 $\therefore \frac{3}{HA} = \frac{123}{HB + 123}$, $\frac{3}{HA} = \frac{127}{HB + 1127}$,
解得 $HB = 30750$, $HA = 753$,
答: AH 为 753 丈, HB 为 30750 步.

中考链接

11. 解: 如图, 过点 A 作 $AM \perp BF$ 于点 M , 过点 C 作 $CN \perp AB$ 于点 N .
 $\because AD = 24$ cm, 则 $CN = 24$ cm,
 $\therefore \angle AMB = \angle CNB = 90^\circ$, $\angle ABM = \angle CBN$,
 $\therefore \frac{E}{H} = \frac{B}{M} = \frac{F}{G}$ 地面
(第 11 题)





$\therefore \triangle BNC \sim \triangle BMA$,

$$\therefore \frac{AB}{BC} = \frac{AM}{CN}, \therefore \frac{80}{25} = \frac{AM}{24},$$

$$\text{则 } AM = \frac{80 \times 24}{25} = \frac{384}{5} \text{ (cm)},$$

故点 A 到地面的距离是 $\frac{384}{5} + 4 = \frac{404}{5}$ (cm).

11 相似三角形的性质(第 1 课时)

课堂精要

高 角平分线 中线

课堂精练

1. A 2. C 3. A 4. 60 5. 6

6. 解:(1) $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$.

理由如下:

$$\therefore \frac{AB}{A'B'} = \frac{5}{6}, \frac{BC}{B'C'} = \frac{4}{4.8} = \frac{5}{6},$$

$$\therefore \frac{AB}{A'B'} = \frac{BC}{B'C'}, \text{ 又 } \angle B = \angle B' = 50^\circ,$$

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$.

(2) 由(1)可得 $\frac{AD}{A'D'} = \frac{AB}{A'B'} = \frac{5}{6}$.

(3) 由(1)可得 $\frac{AE}{A'E'} = \frac{5}{6}, \therefore \frac{4.5}{A'E'} = \frac{5}{6}$,

$$\therefore A'E' = 5.4.$$

7. B 8. $\frac{5}{3}$

9. 解:甲同学设计的方案较好. 理由如下: 由

$AB = 1.5 \text{ m}, S_{\triangle ABC} = 1.5 \text{ m}^2$, 可得 $BC = 2 \text{ m}$,

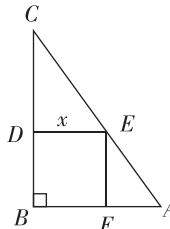
由图①, 若设甲设计的正方形桌面边长为 $x \text{ m}$,

由 $DE \parallel AB$, 得 $\text{Rt}\triangle CDE \sim \text{Rt}\triangle CBA$,

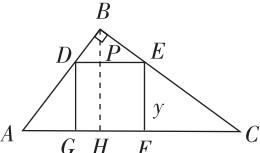
$$\therefore \frac{x}{AB} = \frac{BC - x}{BC}, \text{ 即 } \frac{x}{1.5} = \frac{2 - x}{2},$$

$$\therefore 3 - 1.5x = 2x,$$

$$x = \frac{3}{3.5} = \frac{6}{7}.$$



图①



图②

(第 9 题)

由图②, 过点 B 作 $\text{Rt}\triangle ABC$ 斜边 AC 上的高 BH , 交 DE 于点 P, 交 AC 于点 H.

由 $AB = 1.5 \text{ m}, BC = 2 \text{ m}$, 得 $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{1.5^2 + 2^2} = 2.5 \text{ (m)}$,

由 $AC \cdot BH = AB \cdot BC$ 可得,

$$BH = \frac{AB \cdot BC}{AC} = \frac{1.5 \times 2}{2.5} = 1.2 \text{ (m)}.$$

设乙设计的正方形桌面的边长为 $y \text{ m}$,

$\because DE \parallel AC$,

$\therefore \text{Rt}\triangle BDE \sim \text{Rt}\triangle BAC$,

$$\therefore \frac{BP}{BH} = \frac{DE}{AC},$$

$$\text{即 } \frac{1.2 - y}{1.2} = \frac{y}{2.5}, \text{ 解得 } y = \frac{30}{37}.$$

$\therefore \frac{6}{7} = \frac{30}{35} > \frac{30}{37}$, 即 $x^2 > y^2$, \therefore 甲同学设计的方

案较好.

课堂延伸

10. 解:(1)有一组角对应相等(或两组对角线对应成比例).

(2) 利用平移得 $AD \parallel A'D'$, $AB \parallel A'B'$, $\angle DAB = \angle D'A'B'$,

\therefore 四边形 $ABCD$ 是菱形,

$\therefore AD \parallel BC, AB \parallel CD, AD = AB$

$\therefore A'E \parallel FC, A'F \parallel EC$,

\therefore 四边形 $A'FCE$ 为平行四边形.

$\therefore A'E \parallel AD, A'F \parallel AB$,

$$\therefore \frac{A'E}{AD} = \frac{A'F}{AB} = \frac{A'C}{AC},$$

$\therefore A'E = A'F$, $\therefore \square A'FCE$ 为菱形,

又 $\because \angle DAB = \angle D'A'B$,

\therefore 菱形 $ABCD \sim$ 菱形 $A'FCE$.

(3) \because 菱形 $ABCD \sim$ 菱形 $A'FCE$, 菱形 $A'FCE$ 的面积是菱形 $ABCD$ 面积的一半,

\therefore 菱形 $ABCD$ 与菱形 $A'FCE$ 的面积比为 $2:1$,

\therefore 对应对角线之比为 $\sqrt{2}:1$, 即 $AC : A'C = \sqrt{2}:1$,

$$\because AC = \sqrt{2}, \therefore A'C = 1, \therefore AA' = \sqrt{2} - 1.$$

中考链接

11. D

12 相似三角形的性质(第2课时)

课堂精要

相似比 相似比的平方

课堂精练

1. B 2. C 3. B 4. 27

5. 解:(1) \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$$\therefore AB = CD, AB \parallel CD,$$

$\therefore \angle EAF = \angle DCF, \angle AEF = \angle CDF$,

$\therefore \triangle AEF \sim \triangle CDF$, $\therefore \frac{\triangle AEF \text{的周长}}{\triangle CDF \text{的周长}} = \frac{AE}{CD} = \frac{2}{5}$.

$$(2) \frac{S_{\triangle AEF}}{S_{\triangle CDF}} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25},$$

$$\because S_{\triangle CDF} = 20 \text{ cm}^2, \therefore S_{\triangle AEF} = \frac{16}{5} \text{ cm}^2.$$

6. C 7. C 8. B 9. $1 : \sqrt{2}$

10. 解:(1) \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$$\therefore AD \parallel BC, AD = BC, OB = OD,$$

$\therefore \angle DMN = \angle BCN, \angle MDN = \angle NBC$,

$$\therefore \triangle MND \sim \triangle CNB, \therefore \frac{MD}{BC} = \frac{DN}{BN}.$$

\therefore 点 M 是 AD 的中点,

$$\therefore MD = \frac{1}{2}AD = \frac{1}{2}BC, \text{即 } \frac{MD}{BC} = \frac{1}{2},$$

$$\therefore \frac{DN}{BN} = \frac{1}{2}, \text{即 } BN = 2DN.$$

设 $OB = OD = x$, 则有 $BD = 2x, BN = OB + ON = x + 1, DN = x - 1$,

$$\therefore x + 1 = 2(x - 1),$$

解得 $x = 3$,

$$\therefore BD = 2x = 6.$$

(2) $\because \triangle MND \sim \triangle CNB$, 且相似比为 $1:2$,

$$\therefore MN : CN = 1 : 2, \therefore S_{\triangle MND} : S_{\triangle CNB} = 1 : 2.$$

$\because \triangle DCN$ 的面积为 2 , $\therefore \triangle MND$ 的面积为 1 ,

$\therefore \triangle MCD$ 的面积为 3 .

$$\because S_{\square ABCD} = AD \cdot h, S_{\triangle MCD} = \frac{1}{2}MD \cdot h = \frac{1}{4}AD \cdot h,$$

$$\therefore S_{\square ABCD} = 4S_{\triangle MCD} = 12.$$

课堂延伸

11. 解:(1) A

(2) ①相似比 ②相似比的平方 ③相似比的立方

(3) 由题意知他的体积比为 $(\frac{1.1}{1.65})^3$.

又因为体重之比等于体积比,

若设九年级时的体重为 x kg,

$$\text{则有 } (\frac{1.1}{1.65})^3 = \frac{18}{x},$$

解得 $x = 60.75$.

答: 九年级时他的体重为 60.75 kg.

中考链接

12. B 13. 1

13 图形的位似(第1课时)

课堂精要

相似多边形 $OP' = k \cdot OP$ ($k \neq 0$) 位似多



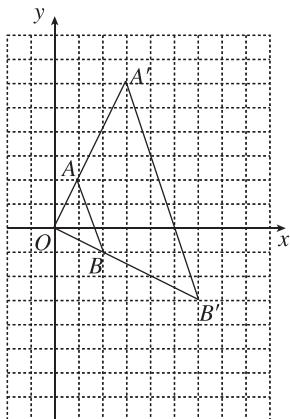
边形 位似中心

课堂精练

1. D 2. A 3. A 4. 12 5. $\frac{1}{2}$

6. 解: ∵ 矩形 ABCD 的周长为 24,
 $\therefore AB+AD=12$, 设 $AB=x$, 则 $AD=12-x$,
 $\therefore AB'=x+4$, $AD'=14-x$.
 \because 矩形 ABCD 与矩形 $A'B'C'D'$ 是位似图形,
 \therefore 矩形 $ABCD \sim$ 矩形 $A'B'C'D'$,
 $\therefore \frac{AB}{A'B'} = \frac{AD}{A'D'}$, 即 $\frac{x}{x+4} = \frac{12-x}{14-x}$, 解得 $x=8$,
 $\therefore AB=8$, $AD=12-x=4$.

7. C 8. D 9. 6

10. 解: (1) 如图, $\triangle OA'B'$ 即为所求作三角形:

(第 10 题)

(2) (3a, 3b) (3) 20

11. 解: (1) $AC \parallel A'C'$.

理由如下:

$\because \triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 是位似图形,
 $\therefore \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$,
 $\therefore \angle A = \angle C'A'B'$, $\therefore AC \parallel A'C'$.

(2) $\because \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, $\therefore \frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'}$.

$\because AB=2A'B'$, $\therefore \frac{AC}{A'C'}=2$.

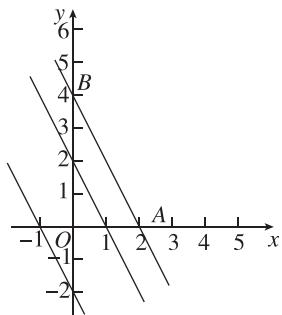
又 $\because \triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 是位似图形,

$\therefore \frac{OC}{OC'} = \frac{AC}{A'C'} = 2$.

$\therefore OC'=5$,

$\therefore OC=10$, $CC'=OC-OC'=10-5=5$.

课堂延伸

12. 解: (1) 由已知得 $k=-2$,把点(3, 1)和 $k=-2$ 代入 $y=kx+b$ 中得 $1=-2 \times 3+b$, $\therefore b=7$.(2) 根据相似比为 1:2 得函数 $y=kx+b$ 的图象有两种情况:① 不经过第三象限时, 过(1, 0)和(0, 2), 这时函数的表达式为 $y=-2x+2$;② 不经过第一象限时, 过(-1, 0)和(0, -2), 这时函数的表达式为 $y=-2x-2$.

(第 12 题)

中考链接

13. D

14 图形的位似(第 2 课时)

课堂精要

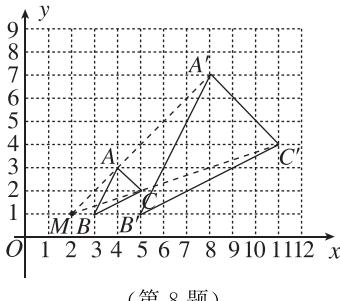
横坐标、纵坐标 $k(k \neq 0)$ 位似 坐标原点
 $|k|$

课堂精练

1. A 2. C 3. D 4. $(\sqrt{2}, \sqrt{2})$ 5. (9, 0)

6. D 7. $(-2x, -2y)$

8. 解:(1)如图所示:



$$A'(8,7), B'(5,1), C'(11,4).$$

$$(2) P'(3a-4, 3b-2).$$

课堂延伸

9. 解:(1)2 60°

(2) ∵△ABC 旋转相似变换 $A\left(\frac{4}{3}, 90^\circ\right)$,

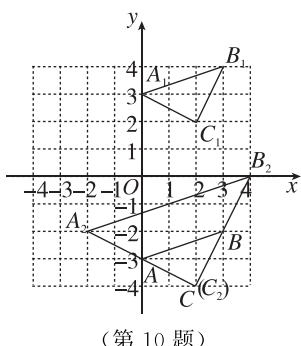
$$\therefore AD = \frac{4}{3} \times 3 = 4(\text{cm}), \angle BAD = 90^\circ,$$

$$\therefore BD = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5(\text{cm}).$$

中考链接

10. 解:(1)如图所示△A₁B₁C₁ 即为所求.

(2)如图所示△A₂B₂C₂ 即为所求,A₂ 的坐标为(-2,-2).



第五章 投影与视图

1 投影(第 1 课时)

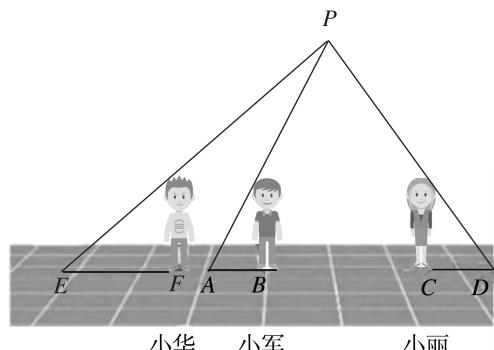
课堂精要

1. 投影现象 2. 中心投影 3. 发散的 4. 会

课堂精练

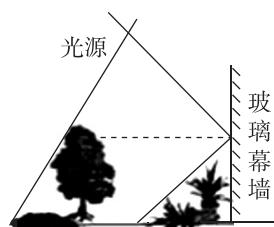
1. A 2. D 3. A 4. 6. 4

5. 解:(1)(2)如图所示.



6. B 7. C 8. 之间上方

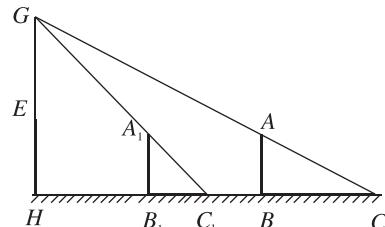
9. 解:如图所示.



(第 9 题)

课堂延伸

10. 解:(1)如图所示.



(第 10 题)

(2)由题意得△ABC~△GHC,

$$\therefore \frac{AB}{GH} = \frac{BC}{HC}, \therefore \frac{1.6}{GH} = \frac{3}{6+3}, \therefore GH = 4.8 \text{ m}.$$

(3)如图所示,B₁C₁ 的长就是所求的影长.

∴△A₁B₁C₁~△GHC₁,

$$\therefore \frac{A_1B_1}{GH} = \frac{B_1C_1}{HC_1}.$$

设 B₁C₁ 长为 x m,

$$\text{则 } \frac{1.6}{4.8} = \frac{x}{x+3}, \text{解得 } x = \frac{3}{2}, \text{即 } B_1C_1 = \frac{3}{2} \text{ m}.$$



中考链接

11. C

2 投影(第2课时)

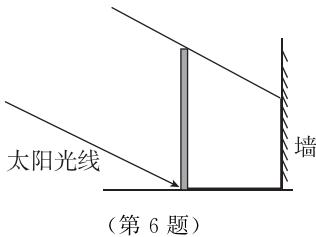
课堂精要

1. 平行投影 正投影
2. 成正比 完全一样
3. 长→短→长 4. 平行 发散

课堂精练

1. A 2. B 3. A 4. 8.5 m 5. 12

6. 解:如图所示.



7. B 8. B 9. ③④⑤⑥

10. 解:过点D作 $DE \parallel AC$ 交AB于点E(作图略),

∴四边形AEDC为平行四边形,

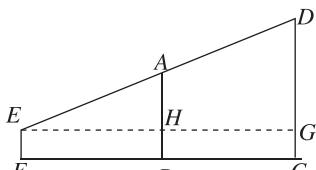
∴ $AE=CD=1.2$ m.

$$\therefore \frac{EB}{BD} = \frac{1.5}{3}, \therefore EB = 2.7 \text{ m},$$

$$\therefore AB = AE + BE = 3.9 \text{ m},$$

∴树高AB为3.9 m.

课堂延伸

11. 解:如图,标记小张为EF,过点E作 $EG \perp DC$ 于点G,EG与AB相交于点H. $AH=18.4$, $DG=28.4$, $HG=30$.

(第11题)

由 $\triangle EAH \sim \triangle EDG$ 得 $\frac{EH}{EG} = \frac{AH}{DG}$,

$$\text{代入数据得 } \frac{EH}{EH+30} = \frac{18.4}{28.4},$$

$$\text{解得 } EH = 55.2,$$

 \therefore 他与教学楼之间的距离至少应为55.2 m.

中考链接

12. 解:由题意得 $\angle ABC = \angle EDC = \angle GFH = 90^\circ$,
 $\angle ACB = \angle ECD$, $\angle AFB = \angle GHF$,
 $\therefore \triangle ABC \sim \triangle EDC$, $\triangle ABF \sim \triangle GFH$,
 $\therefore \frac{AB}{ED} = \frac{BC}{DC}$, $\frac{AB}{GF} = \frac{BF}{FH}$,则 $\frac{AB}{1.5} = \frac{BC}{2}$, $\frac{AB}{1.65} = \frac{BC+18}{2.5}$,解得 $AB = 99$ m.

3 视图(第1课时)

课堂精要

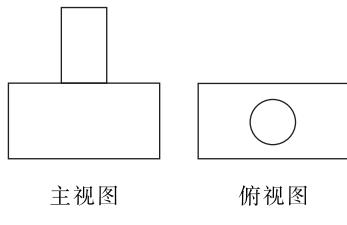
1. 视图 主视图 左视图 俯视图 2. 略
3. ①正下方 右方 ②高齐平 宽相等
- ③实线 虚线

课堂精练

1. C 2. B 3. D 4. C 5. 略

6. B 7. 2 3 4 1

8. 解:如图所示.



(第8题)

课堂延伸

9. 12

中考链接

10. D

4 视图(第2课时)

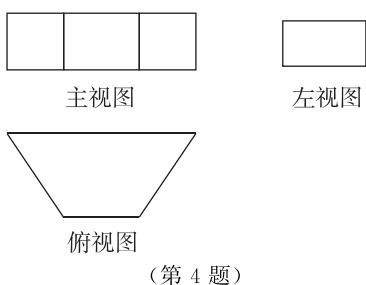
课堂精要

1. 虚线 虚线 2. 几何体
3. 长对正 高齐平 宽相等

课堂精练

1. A 2. D 3. C

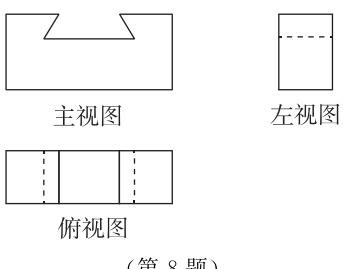
4. 解:如图所示.



(第4题)

5. D 6. C 7. D

8. 解:如图所示.



(第8题)

9. 24

课堂延伸

10. B

中考链接

11. C

5 视图(第3课时)

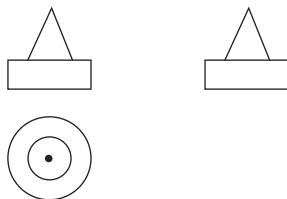
课堂精要

2. ①矩形 矩形 圆 ②等腰三角形 等腰
三角形 圆 圆心 ③圆 圆 圆
3. ①实线 虚线 ②宽 长

课堂精练

1. B 2. B 3. 24

4. 解:如图所示.



(第4题)

5. C 6. 4或5

7. 解:这个立体图形为圆柱,其中高是10,底面圆的半径是5,所以它的体积是 $\pi \times 5^2 \times 10 = 250\pi$.

课堂延伸

8. A

中考链接

9. 19 48

第六章 反比例函数

1 反比例函数

课堂精要

1. $y = \frac{k}{x}$ (k 为常数, $k \neq 0$) 2. $x \neq 0$

3. (1) $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) (2) $y = kx^{-1}$ ($k \neq 0$)

(3) $xy = k$ ($k \neq 0$)

课堂精练

1. A 2. C 3. $x \neq -2$ 4. -4 5. B 6. D

7. A 8. $v = \frac{120}{t}$

9. (1) 反比例 (2) 正比例 10. $y = \frac{90}{x}$

11. 解:(1) 反比例

(2) ① $h = \frac{48}{S}$; ② $h = 12 \text{ cm}, S = 12 \text{ cm}^2$.

课堂延伸

12. 解:(1) ① $y = 30 - x$. ② y 与 x 不成反比例



(理由略).

(2) ① $v=\frac{10}{t}$. ②是. ③不一定.

中考链接

13. D

2 反比例函数的图象与性质(第1课时)

课堂精要

1. 双曲线 2. 一、三 二、四

3. 坐标原点 直线 $y=x$ 和直线 $y=-x$

4. 不可能

课堂精练

1. B 2. A 3. D 4. B 5. B 6. A 7. D

8. 4

9. 解:(1) $A(4,2), B(2,4)$.

(2) $S_{\triangle AOB}=6, S_{\text{梯形 } ABCD}=6$.

课堂延伸

10. 解:(1) 反比例函数的表达式为 $y=\frac{6}{x}$.

(2) 符合条件的整点有 $(2,4), (3,3), (4,2)$.

中考链接

11. 解:(1) $y=2x-5, y=-\frac{2}{x}$. (2) $S_{\triangle ABC} = \frac{21}{4}$.

3 反比例函数的图象与性质(第2课时)

课堂精要

1. 第一、三象限 在每一象限内, y 的值随 x 值的增大而减小 第二、四象限 在每一象限内, y 的值随 x 值的增大而增大

2. $|k|$ 3. 远离 靠近

课堂精练

1. B 2. C 3. B 4. 增大 5. 第一、二、四

6. B 7. 5

8. 解:(1) $y=\frac{3}{x}, y=x+2$. (2) $x < -3$ 或 $0 < x < 1$.

课堂延伸

9. 解:由已知得 $-\frac{1}{2} < k \leq 2$. 又因为 k 为整数, 所以 k 只能为 0, 1, 2. 当 $k=0$ 时, 函数表达式为 $y=\frac{1}{x}$; 当 $k=1$ 时, 函数表达式为 $y=\frac{3}{x}$; 当 $k=2$ 时, 函数表达式为 $y=\frac{5}{x}$.

中考链接

10. D

4 反比例函数的应用

课堂精要

1. 函数模型

2. ①基本数量关系 ②函数关系式 取值范围 ③数形结合

课堂精练

1. C 2. B 3. D

4. $R \geqslant 3.6 \Omega$

5. (1) 5 V (2) $I=\frac{5}{R}$ (3) 0.4 A

6. C 7. B

8. 解:(1) $p=\frac{96}{V}$. (2) 120 kPa.

(3) 气球内的气体的体积应不小于 $\frac{2}{3} m^3$.

课堂延伸

9. 解:(1) 双曲线 $y=\frac{1}{x}$ 的对径是 $2\sqrt{2}$.



(2) k 的值为 25.

(3) 若双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($k < 0$) 与它的其中一条对称轴 $y = -x$ 相交于 A, B 两点, 则线段 AB 的长度称为双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($k < 0$) 的对径.

中考链接

10. 解: (1) $y = 6x + 4$, x 的取值范围是 $0 \leqslant x \leqslant 7$.

$y = \frac{322}{x}$, x 的取值范围是 $x > 7$.

(2) 当 CO 浓度达到 34 mg/L 时, 所需时间为 $x = (34 - 4) \div 6 = 5(\text{h})$. 则撤离的最长时间为 $7 - 5 = 2(\text{h})$.

撤离的最小速度为 $3 \div 2 = 1.5(\text{km/h})$.

(3) 矿工至少在爆炸后 73.5 h 才能下矿井.